

## СИНТЕЗ АЛГОРИТМІВ ОПТИМАЛЬНОГО РОЗДІЛЛЯННЯ ДВОСТАНОВИХ ВЗАЄМНОЗАВАЖАЮЧИХ ГЕТЕРОХРОННИХ СИГНАЛІВ ЧАСТОТНОЇ МОДУЛЯЦІЇ

Одна з домінуючих причин погіршення якості радіозв'язку в будь-якому діапазоні хвиль у довільних користувачів - стрімке зростання внутрішньо системних та позасистемних завад, що обумовлені обмеженістю частотного ресурсу з одночасним зростанням інтенсивності його використання. Проблема нестачі частотного ресурсу особливо гостро проявляється за формажорних обставин – при забезпеченні зв'язку під час виконання миротворчих місій, проведення контртерористичних операцій в густонаселених районах і т.і., тобто, в ситуаціях, коли контроль за використанням частот утруднений, неможливий або нерезультативний. В цілому досвід використання радіоресурсу в останні десятиріччя свідчить про зростання впливу навмисних та ненавмисних завад, що подібні до корисного сигналу. При цьому зазначимо також, що на сучасному етапі розвитку радіоканальних складових телекомунікаційних систем корисний сигнал і ненавмисні завади виявляються переважно або навіть виключно цифровими.

Можливість розв'язання задач розробки якісно нових засобів та систем радіозв'язку, що спроможні забезпечувати передачу цифрової інформації в умовах впливу завад, подібних корисному цифровому сигналу (ЦС), обумовлюється такими чинниками:

1) Зазначена галузь розглядається в сукупності теорій під загальною назвою Multiuser Detection (рос. “многопользовательское детектирование”) [1, 2] що на мові статті звучить дещо незграбно – “багатокористувачеве детектування” (БД), але представляється зручним для розуміння предмету обговорення. Ця дисципліна та її наближення орієнтовані переважно на розділення відносно великої кількості сигналів абонентів за умови апріорного знання множин кодових комбінацій кожного з взаємозаважаючих широкосмугових ЦС [1-4]. Як наслідок, це вимушує пропонувати підоптимальні алгоритми розділення та обмежує застосування переважно в цивільній сфері діяльності, де є припустимим суттєве зростання складності та вартості обладнання базових станцій;

2) Одним з перспективних інструментів проектування таких засобів є статистична теорія розділення ЦС [2, 5]. Вона є базовою складовою загальної теорії БД та водночас проблематичною з позиції практичної цінності при великій кількості користувачів, але дозволяє виконувати синтез алгоритмів демодуляції, оптимальних за критерієм мінімуму середньої імовірності помилки на інформаційний дискретний символ корисного сигналу (точніше, кожного з сигналів, що підлягають розділенню). Завдяки цьому зазначена теорія дозволяє одержувати алгоритми демодуляції, що допускають прозоре фізичне трактування і, як наслідок – полегшення процедур їх редуційного перетворення до виду, що спрощує (уможливорює) фізичну (інженерну) реалізацію. Прикладом використання методів статистичної теорії розділення невеликої кількості ЦС є робота [6] де запропоновано спільне використання методів вищезазначеної теорії та теорії фільтрації дискретно-неперервних марківських процесів. В цій роботі одержаний алгоритм демодуляції двостанового ФМ-2 сигналу, що спостерігається на фоні подібної йому ФМ завади і деякої кількості неманіпульованих завад. Але в [6] питання щодо розділення ЦС за умов застосування інших видів інформаційної модуляції поза межами фазової, не розглядалось.

В цілому, пошук шляхів розробки приймальних пристроїв, що спроможні забезпечити завадостійку демодуляцію корисного ЦС на фоні подібних структурних завад, характеризується невпинним зростанням актуальності.

Метою статті є розробка методу синтезу алгоритмів оптимального когерентного розділення довільної наперед заданої кількості двостанових взаємозаважаючих цифрових сигналів частотної маніпуляції. За критерій оптимальності вибраний мінімум середньої імовірності помилки на біт у кожному з сигналів, що підлягають розділенню.

Синтез приймальних пристроїв для комбінацій двох синхронних цифрових сигналів основних видів модуляції (амплітудної, фазової та частотної) вже неодноразово проводився [5 - 7], тому виникає необхідність в хоча б мінімальному узагальненні методичного апарату розв'язання подібних задач на довільну кількість двостанових взаємозаважаючих цифрових сигналів. В загальному випадку для будь-якого виду модуляції таке рішення буде досить громіздким і малоконструктивним [1, 2], тому зконцентруємо свою увагу на розділянні сигналів двостанової частотної маніпуляції. Це можна пояснити її поширеним використанням в радіозасобах не тільки загального користування, але і відомчого радіозв'язку, наприклад, транкінгового.

Модель спостереження довільної кількості взаємносинхронних двостанових рівномірних сигналів частотної маніпуляції у найпростішому випадку має вигляд:

$$y_t = \sum_{i=1}^M [r_i S_{i1}(t) + (1-r_i) S_{i2}(t)] + n(t), \quad (1)$$

де:  $t \in [t_{k-1}, t_k]$ ;  $k = 0, 1, 2, \dots$ ,  $S_{ij}(t)$  – попарно (для  $i = const$ ) ортогональні функції, що інтегруються з квадратом,  $n(t)$  – адитивний білий гаусівський шум (АБГШ) з односторонньою спектральною щільністю  $N_0$ ,  $p(r_1 = 1) = p(r_2 = 0) = 0,5$ .

Функціонал правдоподібності спостереження вектору дискретних параметрів взаємозаважаючих цифрових сигналів записується у виді:

$$\Lambda(r_1, \dots, r_M / y_t) \propto K \exp \left( -\frac{1}{N_0} \int_T \left[ y_t - \sum_{i=1}^M [r_i S_{i1}(t) + (1-r_i) S_{i2}(t)] \right]^2 dt \right),$$

де  $T = t_k - t_{k-1}$ ,  $N_0$  – АБГШ.

Тоді для моделі (1) логарифм функціонала правдоподібності буде мати вигляд:

$$\begin{aligned} & -\frac{1}{N_0} \int_T \left[ y_t - \sum_{i=1}^M [r_i S_{i1}(t) + (1-r_i) S_{i2}(t)] \right]^2 dt = \\ & = -\frac{1}{N_0} \int_T \left( y_t^2 - 2y_t \sum_{i=1}^M [r_i S_{i1}(t) + (1-r_i) S_{i2}(t)] + \sum_{i=1}^M [r_i S_{i1}(t) + (1-r_i) S_{i2}(t)]^2 + \right. \\ & \left. + 2 \sum_{i=1}^M \sum_{j=i+1}^M [r_i S_{i2}(t) + (1-r_i) S_{i2}(t)] [r_j S_{j1}(t) + (1-r_j) S_{j2}(t)] \right) dt. \end{aligned} \quad (2)$$

Не беручи до уваги однакові складові, якими в подальшому при формуванні вирішуючого правила можна знехтувати (а саме –  $y_t^2$ ), з (2) одержуємо:

$$\begin{aligned} & -\frac{1}{N_0} \int_T \left[ y_t - \sum_{i=1}^M [r_i S_{i1}(t) + (1-r_i) S_{i2}(t)] \right]^2 dt = -\frac{1}{N_0} \int_T \left( 2y_t \sum_i [r_i S_{i2} + (1-r_i) S_{i2}] + \right. \\ & \left. + \sum_i [r_i S_{i1} + (1-r_i) S_{i2}]^2 + 2 \sum_{i=1}^{M-1} \sum_{j=i+1}^M [r_i r_j S_{i1} S_{j1} + (1-r_i)(1-r_j) S_{i2} S_{j2}] \right) dt. \end{aligned} \quad (3)$$

Позначаючи:

$b_i^{(j)} \frac{\Delta}{N_0} \int_{t_{k-1}}^{t_k} y_t S_{ij}(t) dt$  – кореляційне згортання на виході  $i$ -го корелятора  $j$ -ї послідовності “натиснення” ( $j = 1$ ) та “відтиснення” ( $j = 0$ );

$h_i^{2(j)} \frac{\Delta}{N_0} \int_{t_{k-1}}^{t_k} S_{ij}^2(t) dt \frac{\Delta P_{cl}^{(j)} T}{N_0}$  – відношення енергії  $i$ -го сигналу на  $j$ -й послідовності на довжині  $T$  інформаційного тактового інтервалу до односторонньої спектральної щільності потужності  $N_0$  АБГШ;

$R_{\nu}^{(j)} \frac{\Delta}{N_0} \int_{t_{k-1}}^{t_k} S_{ij}(t) S_{\nu j}(t) dt = \rho \sqrt{h_i^{2(j)} h_{\nu}^{2(j)}}$  – відношення взаємної енергії корисного та заважаючого сигналу на довжині  $T = [t_k - t_{k-1})$  інформаційної послілки до односторонньої спектральної щільності білого шуму;  $i, \nu \in \{1, \dots, M\}$ ;  $j = \overline{1, 2}$ ;  $i \neq \nu$ ;  $T = (t_k - t_{k-1})$ , та враховуючи, що при рівних потужностях послілок “0” ( $j = 0$ ) та “1” ( $j = 1$ ) складові під другою сумою в (3) дорівнюють  $h_i^{2(1)} = h_i^{2(2)} \equiv h_i^2$ , маємо:

$$-\frac{1}{N_0} \int_T \left[ y_i - \sum_{i=1}^M (r_i S_{i1}(t) + (1-r_i) S_{i2}(t)) \right]^2 dt = \\ = \sum_{i=1}^M [r_i b_i^{(1)} + (1-r_i) b_i^{(2)}] + \sum_{i=1}^M h_i^2 + 2 \sum_{i=1}^{M-1} \sum_{k=i+1}^M [r_i r_k R_{ik}^{(1)} + (1-r_i)(1-r_k) R_{ik}^{(2)}].$$

Вирішуюче правило в загальному виді має вигляд [7, 8]:

$$r_{\nu}^* = \text{rect} \left[ (\Lambda(r_1, \dots, r_{\nu} = 1, \dots, r_M / y_i) - \Lambda(r_1, \dots, r_{\nu} = 0, \dots, r_M / y_i)) \right]; \quad (4)$$

де  $\text{rect}(x \geq 0) = 1$ ;  $\text{rect}(x < 0) = 0$ .

Відповідно, функціонал правдоподібності стану дискретного параметру корисного цифрового сигналу, що дорівнює стану “1”:

$$\Lambda(r_1, \dots, r_{\nu} = 1, \dots, r_M / y_i) = \\ = \sum_{r_1=0}^1 \dots \sum_{r_{\nu-1}=0}^1 \sum_{r_{\nu+1}=0}^1 \dots \sum_{r_M=0}^1 \exp \left( \sum_{i=1}^{\nu-1} \dots \sum_{i=\nu+1}^M [r_i b_i^{(1)} + (1-r_i) b_i^{(2)}] + b_{\nu}^{(1)} + \sum_{i=1}^M h_i^2 + \right. \\ \left. + 2 \sum_{i=1}^{\nu-1} \sum_{k=i+1}^{\nu-1} \dots \sum_{i=\nu+1}^M \sum_{k=i+1}^M [r_i r_k R_{ik}^{(1)} + (1-r_i)(1-r_k) R_{ik}^{(2)}] + 2 \sum_{k=1}^M r_k R_{\nu k}^{(1)} \right); r_{\nu} = 1, \nu \in \overline{1, M}, r_{\nu} = 1, k \neq \nu$$

Функціонал правдоподібності стану дискретного параметру корисного цифрового сигналу, що дорівнює стану “0”:

$$\Lambda(r_1, \dots, r_{\nu} = 0, \dots, r_M / y_i) = \\ = \sum_{r_1=0}^1 \dots \sum_{r_{\nu-1}=0}^1 \sum_{r_{\nu+1}=0}^1 \dots \sum_{r_M=0}^1 \exp \left( \sum_{i=1}^{\nu-1} \dots \sum_{i=\nu+1}^M [r_i b_i^{(1)} + (1-r_i) b_i^{(2)}] + b_{\nu}^{(2)} + \sum_{i=1}^M h_i^2 + \right. \\ \left. + 2 \sum_{i=1}^{\nu-2} \sum_{k=i+1}^{\nu-1} \dots \sum_{i=\nu+1}^{M-1} \sum_{k=i+1}^M [r_i r_k R_{ik}^{(1)} + (1-r_i)(1-r_k) R_{ik}^{(2)}] + 2 \sum_{k=1}^M (1-r_k) R_{\nu k}^{(2)} \right); r_{\nu} = 0, \nu \in \overline{1, M}, k \neq \nu.$$

Не беручи тут до уваги однакові енергетичні складові вигляду  $\sum_{i=1}^M h_i^2$ , які взаємно зни-

щуються при складанні функціоналів правдоподібності, та підставивши вирази (5) і (6) в (4) отримуємо:

$$r_{\nu}^* = \text{rect} \left\{ - \sum_{r_1=0}^1 \dots \sum_{r_{\nu-1}=0}^1 \sum_{r_{\nu+1}=0}^1 \dots \sum_{r_M=0}^1 \left\{ \exp \left( \sum_{i=1}^{\nu-1} \dots \sum_{i=\nu+1}^M [r_i b_i^{(1)} + (1-r_i) b_i^{(2)}] + b_{\nu}^{(1)} + \right. \right. \right. \\ \left. \left. + \sum_{i=1}^{\nu-2} \sum_{k=i+1}^{\nu-1} \sum_{i=\nu+1}^{M-1} \sum_{k=i+1}^M [r_i r_k R_{ik}^{(1)} + (1-r_i)(1-r_k) R_{ik}^{(2)}] + \sum_{k=1}^M r_k R_{\nu k}^{(1)} \right) - \exp \left( \sum_{i=1}^{\nu-1} \sum_{i=\nu+1}^M [r_i b_i^{(1)} + (1-r_i) b_i^{(2)}] + \right. \right. \\ \left. \left. + b_{\nu}^{(2)} + \sum_{i=1}^{\nu-2} \sum_{k=i+1}^{\nu-1} \dots \sum_{i=\nu+1}^{M-1} \sum_{k=i+1}^M [r_i r_k R_{ik}^{(1)} + (1-r_i)(1-r_k) R_{ik}^{(2)}] + \sum_{k=1}^M (1-r_k) R_{\nu k}^{(2)} \right) \right\} \right\}.$$

Таким чином, з допомогою моделі спостереження в каналі зв'язку (1) отримане вирішуюче правило (7) розділення довільної кількості двостанових сигналів частотної маніпуляції. Використаємо його для одержання алгоритму оптимального розділення 2-х гетерохронних сигналів двостанової ЧМ. При цьому будемо вважати, що заважаючий гетерохронний сигнал може бути представлений у виді суми двох взаємно ортогональних заважаючих сигналів на довжині однієї інформаційної послілки корисного сигналу, що пояснюється рис. 1.

Модель спостереження (1) у цьому випадку буде мати вигляд:

$$y_i = \sum_{i=1}^3 [r_1 S_{11}(t) + (1-r_1)S_{12}(t) + r_2 S_{21}(\tau_1) + (1-r_2)S_{22}(\tau_1) + r_3 S_{31}(\tau_2) + (1-r_3)S_{32}(\tau_2)] + n(t), \quad (8)$$

де  $t \in [t_{k-1}, t_k)$ ;  $\tau_1 \in [t_{k-1}, t'_{k-1})$ ;  $\tau_2 \in [t'_{k-1}, t_k)$ ;  $t'_{k-1} \in (t_{k-1}, t_k)$ ;

Використовуючи попередні міркування та позначення, аналогічно [6, 10], отримуємо вирішуюче правило:

$$k_b T \ln 2$$

$$r_i^* = \text{rect} \left\{ \sum_{r_2=0}^1 \sum_{r_3=0}^1 \left[ \exp \left[ \sum_{i=2}^3 [r_i b_i^{(1)} + (1-r_i) b_i^{(2)}] + b_i^{(1)} + \sum_{i=1}^3 h_i^2 + 2 \sum_{k=2}^3 r_k R_{1k}^{(1)} \right] - \right. \right. \\ \left. \left. - \exp \sum_{i=2}^3 [r_i b_i^{(1)} + (1-r_i) b_i^{(2)}] + b_i^{(2)} + \sum_{i=1}^3 h_i^2 + 2 \sum_{k=2}^3 (1-r_k) R_{1k}^{(2)} \right] \right\} = \quad (9)$$

$$= \text{rect} \left[ b_i^{(1)} - b_i^{(2)} - \sum_{v=2}^3 \text{Arth} \frac{\text{th}(b_v^{(1)} - b_v^{(2)}) \left[ \exp(2R_{1v}^{(1)} + 2R_{1v}^{(2)}) - \text{ch}(2R_{1v}^{(1)} - 2R_{1v}^{(2)}) \right] + \text{sh}(2R_{1v}^{(1)} - 2R_{1v}^{(2)})}{\exp(2R_{1v}^{(1)} + 2R_{1v}^{(2)}) - \text{ch}(2R_{12}^{(1)} - 2R_{1v}^{(2)}) - \text{th}(b_v^{(1)} - b_v^{(2)}) \text{sh}(2R_{1v}^{(1)} - 2R_{1v}^{(2)})} \right]$$

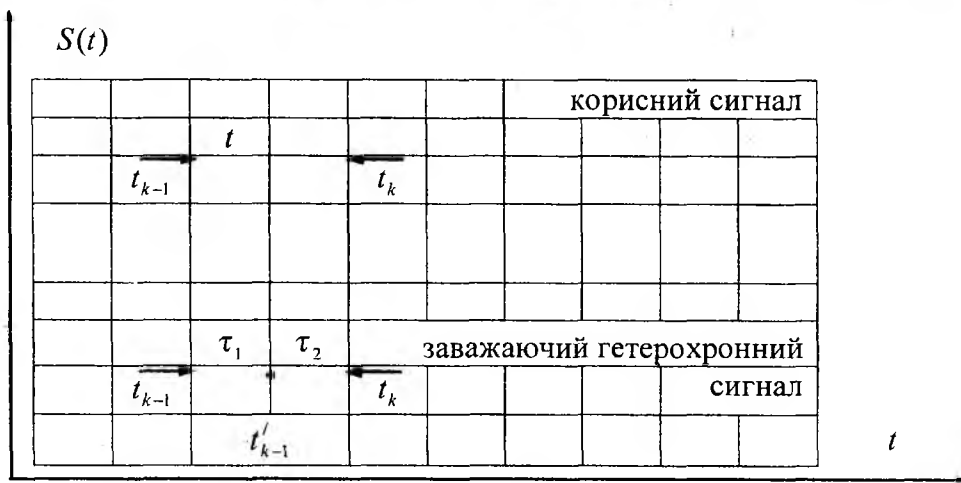


Рис. 1

Структурну схему демодулятора, що реалізує оптимальне розділення двох гетерохронних сигналів двостанової ЧМ, зображено на рис. 2. На рис. 3 показано структурну схему демодулятора оптимального розділення двох гетерохронних сигналів двостанової частотної маніпуляції

При отриманні вирішуючого правила у виді (9) використана тотожність [8]:

$$\text{Arth} \frac{\alpha\chi + \beta\gamma}{\beta\chi + \alpha\gamma} \equiv \text{Arth} \frac{(\alpha/\beta) + (\gamma/\chi)}{1 + (\alpha/\beta)(\gamma/\chi)} = \text{Arth}(\alpha/\beta) + \text{Arth}(\gamma/\chi), \text{ якщо тільки } \beta\chi > 0.$$

Тут

$$\alpha = \text{th}(b_2^{(1)} - b_2^{(2)}) \left[ \exp(2R_{12}^{(1)} + 2R_{12}^{(2)}) - \text{ch}(2R_{12}^{(1)} - 2R_{12}^{(2)}) \right] + \text{sh}(2R_{12}^{(1)} - 2R_{12}^{(2)});$$

$$\beta = \text{th}(b_3^{(1)} - b_3^{(2)}) \left[ \exp(2R_{13}^{(1)} + 2R_{13}^{(2)}) - \text{ch}(2R_{13}^{(1)} - 2R_{13}^{(2)}) \right] + \text{sh}(2R_{13}^{(1)} - 2R_{13}^{(2)});$$

$$\chi \frac{\Delta}{N_0} \exp(2R_{13}^{(1)} + 2R_{13}^{(2)}) - ch(2R_{13}^{(1)} - 2R_{13}^{(2)}) - th(b_3^{(1)} - b_3^{(2)}) sh(2R_{13}^{(1)} + 2R_{13}^{(2)});$$

$$\gamma \frac{\Delta}{N_0} \exp(2R_{12}^{(1)} + 2R_{12}^{(2)}) - ch(2R_{12}^{(1)} - 2R_{12}^{(2)}) - th(b_2^{(1)} - b_2^{(2)}) sh(2R_{12}^{(1)} + 2R_{12}^{(2)}).$$

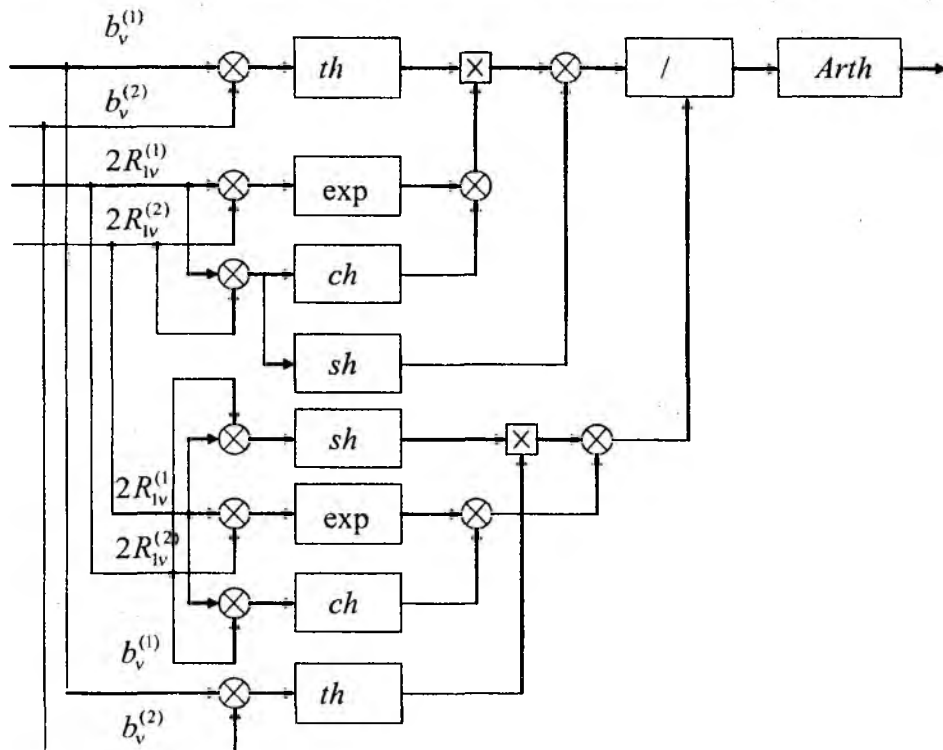


Рис. 2

У виразі (9) використано позначення:

$$b_1^{(j)} \frac{\Delta}{N_0} \int_{t_{k-1}}^{t_k} y_i S_{1j}(t) dt; b_2^{(j)} \frac{\Delta}{N_0} \int_{t_{k-1}}^{t_{k-1}} y_i S_{2j}(t) dt; b_3^{(j)} \frac{\Delta}{N_0} \int_{t_{k-1}}^{t_k} y_i S_{3j}(t) dt;$$

$$h_1^{2(j)} \equiv h_1^2 \frac{\Delta}{N_0} \int_{t_{k-1}}^{t_k} S_{2j}^2(t) dt; h_2^{2(j)} \equiv h_2^2 \frac{\Delta}{N_0} \int_{t_{k-1}}^{t_{k-1}} S_{2j}^2(t) dt; h_3^{2(j)} \equiv h_2^2 \frac{\Delta}{N_0} \int_{t_{k-1}}^{t_k} S_{3j}^2(t) dt;$$

$$R_{12}^{(j)} \frac{\Delta}{N_0} \int_{t_{k-1}}^{t_{k-1}} S_{1j}(t) S_{2j}(t) dt = \rho_{12}^{(j)} \sqrt{h_1^2 h_2^2}; R_{13}^{(j)} \frac{\Delta}{N_0} \int_{t_{k-1}}^{t_k} S_{1j}(t) S_{3j}(t) dt = \rho_{13}^{(j)} \sqrt{h_1^2 h_3^2}.$$

Таким чином, в статті викладений метод синтезу алгоритмів оптимального розділяння двостанових взаємозаважаючих цифрових сигналів ЧМ. З використанням розробленого методу у якості прикладу одержаний алгоритм оптимального розділяння 2-х гетерохронних Ч сигналів. Цей алгоритм є узагальненням одержаного раніше алгоритму розділяння взаємозаважаючих синхронних ЦС [7].

При реалізації алгоритму в цілому для оцінки вектору неперервних супутніх параметр можна застосовувати методи теорії нелінійної фільтрації подібно тому, як це виконано в [при розділянні взаємозаважаючих сигналів ФМ2, або евристичний інженерний підхід [9].

Якщо замінити сигнали в моделі спостереження (1) більш досконалішими, можна одержати алгоритми розділяння (приймання) відповідних сигналів частотної модуляції з непервною фазою, мінімальної або гаусівської модуляції і т.і. В усіх таких випадках очікується збереження основної їх відмінності – наявність класичної процедури демодуляції [10, 1 і адитивно пов'язаної з нею процедури формування компенсуючого впливу в аргументі вирішуючого правила, як це має місце в (7), (9).

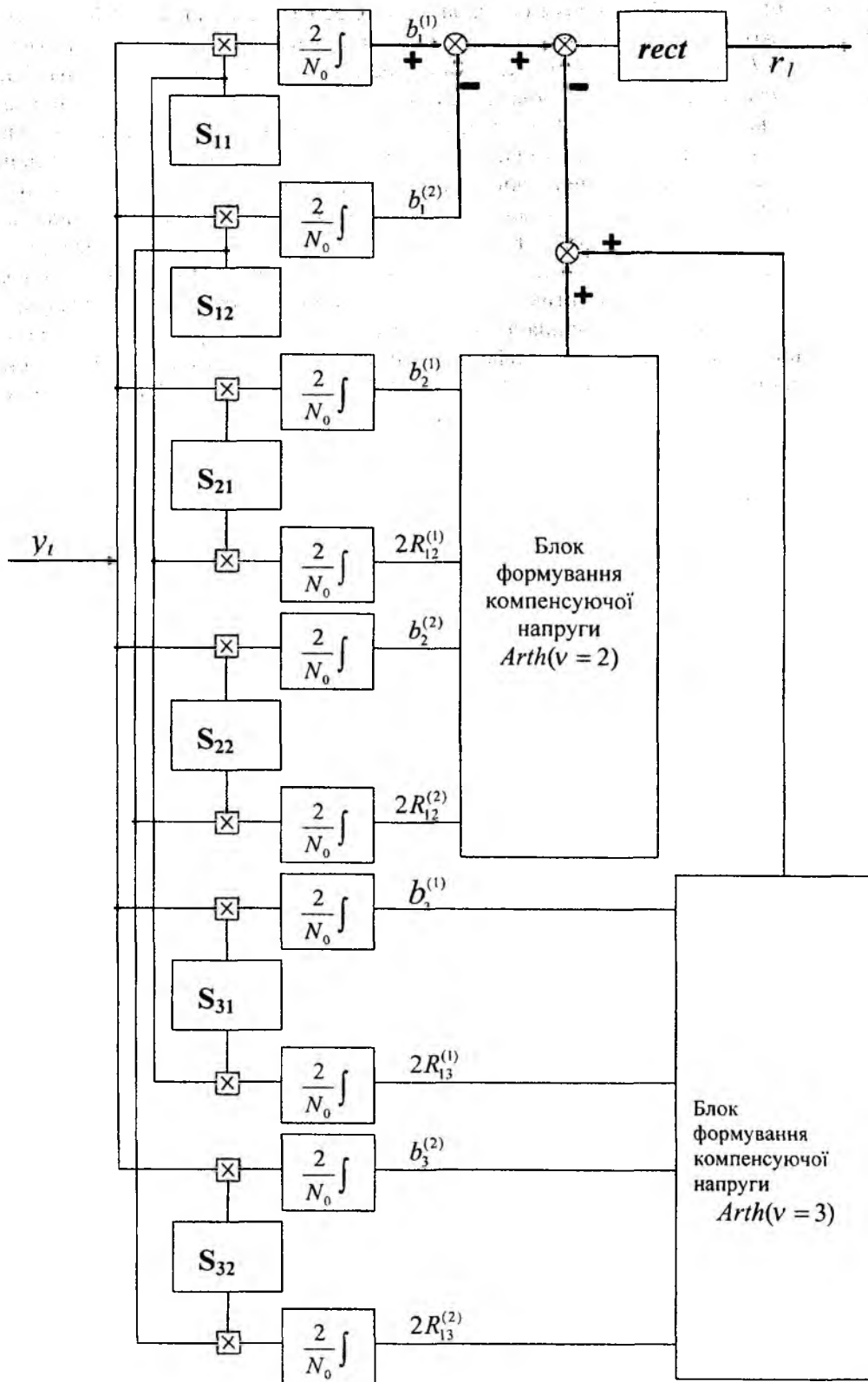


Рис. 3

Напрямок подальшого дослідження відносно вирішеної тут часткової задачі синтезу є аналіз завадостійкості одержаного алгоритму (розрахунку середньої імовірності помилки в оцінці дискретного параметра корисного сигналу) та дослідження її залежності від співвідношення параметрів  $\tau_1$  та  $\tau_2$  (яке можна назвати показником гетерохроності сигналів), від точності оцінок їх неперервних параметрів, похибок апаратної реалізації та ін.

**Список літератури:** 1. *Verdu S.* Multiuser detection – cambrige University Press, 1998. 2. *Бобровский В. И.* многопользовательское детектирование / Под ред. Д. Л.Бураченко. Ульяновск: Изд-во “Вектор-С”, 2007. 348 с. 3. *Генко И. А.* Многопользовательский прием в CDMA: теория и методы // Зв’язок. 2000. №4. С. 17-23. 4. *Генко И. А.* Многопользовательский прием в CDMA: квазиоптимальные стратегии и вычислительная сложность // Зв’язок. 2000. №5. С. 21-26. 5. *Ерохин В. Ф.* Демодуляция конфликтующих цифровых сигналов. К.: КВВИУС, 1993. 132 с. 6. *Ерохин В. Ф., Соловей О. Г.* Сумісна фільтрація дискретно-неперервних та неперервних марківських процесів // Радиотехника. 2007. № 149. С. 156-163. 7. *Раєвський В. М.* Методика синтезу алгоритму демодуляції взаємозаважаючих сигналів частотної маніпуляції // Наук.-техн. конф. ЖВІРЕ “Наукові проблеми розробки, модернізації та застосування інформаційних систем космічного і наземного базування”. Житомир, 2004 С. 81. 8. *Бронштейн И. Н., Семендяев К. А.* Справочник по математике для инженеров и учащихся втузов. М.: Наука, 1981. 720 с. 9. *Ерохин В. Ф. Раєвський В. М.* Подолання апріорної невизначеності параметрів при демодуляції взаємозаважаючих частотноманіпульованих цифрових сигналів // Радиотехніка. 2006. № 144. С. 208-216. 10. *Клюев Н. И.* Основы теории связи. Л.: ВАС, 1985. 262 с. 11. *Филиппов Л. И.* Теория передачи дискретных сигналов: Учеб. пособие для вузов. М.: Высш. шк., 1981. 176 с.

*Харківський національний  
університет радіоелектроніки*

*Надійшла до редколегії 03.10.2008*