

УДК 621.391

АНАЛИЗ УСТОЙЧИВОСТИ И ОПТИМИЗАЦИЯ TCP-СЕАНСОВ В МУЛЬТИСЕРВИСНЫХ ТКС



[Е.В. СТАРКОВА](#)

Харьковский национальный
университет радиоэлектроники

Запропоновано динамічну модель TCP-сеансів, яка подана системою нелінійних диференціальних рівнянь. З використанням теорії біфуркацій отримано умови стійкості TCP-сеансів. Запропоновано метод оптимізації TCP-сеансів для розрахунку основних параметрів протоколу TCP і AQM-алгоритмів.

The dynamic TCP-sessions model is proposed. The model is represented by a system of nonlinear differential equations. On the bifurcation theory basis the TCP-sessions stability conditions are obtained. A TCP-sessions optimization method for calculation of the TCP and RED-algorithm basic parameters is proposed.

Предложена динамическая модель TCP-сеансов, представленная системой нелинейных дифференциальных уравнений. С применением теории бифуркаций получены условия устойчивости TCP-сеансов. Предложен метод оптимизации TCP-сеансов для расчета параметров протокола TCP и AQM-алгоритмов.

Введение

Как показал проведенный анализ [1], современные и перспективные мультисервисные телекоммуникационные сети (ТКС) развиваются в направлении внедрения концепции сетей следующего поколения NGN (Next Generation Network). При этом в соответствии с рекомендациями Международного союза электросвязи МСЭ-Т (International Telecommunication Union, ITU-T) серии Y.2000 в основу NGN закладывается стек протоколов TCP/IP (Transmission Control Protocol / Internet Protocol) [2].

Практика показывает, что обеспечение гарантий качества обслуживания QoS (Quality of Service) в ТКС напрямую зависит от результативности задач управления трафиком, в ходе решения которых немаловажную роль играют функции, выполняемые транспортным уровнем эталонной модели взаимодействия открытых систем (ЭМВОС). На этом уровне наиболее распространенным является протокол TCP [2, 3], который относится к эффективным средствам решения многих задач, связанных с управлением трафиком, таких как обеспечение надежной доставки сообщений, межконцептуальных показателей QoS, сбалансированной загрузки сети и других.

Однако несовершенство положенных в основу TCP математических моделей и эвристических схем нередко сопровождается необоснованным выбором численных значений основных режимов и параметров протокола. Это в свою очередь приводит к потере устойчивости TCP-сеансов, что проявляется на практике в их колебательном режиме и медленной сходимости, и, как результат, в росте потерь пакетов и снижении качества обслуживания в ТКС в целом.

Следовательно, актуальной является научная задача, которая состоит в усовершенствовании средств управления передачей данных на транспортном уровне эталонной модели взаимодействия открытых систем путем разработки математической модели TCP-сессий и методов анализа их устойчивости и оптимизации, что позволит повысить производительность мультисервисных ТКС.

I. Математическая модель TCP-сессий с использованием AQM-алгоритмов

С целью математического описания одновременно функционирующих TCP-сессий с учетом классов обслуживания в соответствии с версией TCP Tahoe [2, 3] динамику многопотокового информационного обмена с учетом AQM-алгоритмов (Active Queue Management) отображается в виде системы уравнений:

$$\frac{d\lambda_i^k(t)}{dt} = \begin{cases} \text{режим } slow\ start: \\ (1 - P^k(t)) \cdot \frac{MSS}{RTT^k} \cdot \lambda_i^k(t) - P^k(t) \cdot (\lambda_i^k(t))^2 + P^k(t) \cdot MSS \cdot \lambda_i^k(t); \\ \text{режим } congestion\ avoidance: \\ (1 - P^k(t)) \cdot \left(\frac{MSS}{8 \cdot RTT^k} \cdot \lambda_i^k(t) + \frac{MSS \cdot MSS}{(RTT^k)^2} \right) - \\ - P^k(t) \cdot (\lambda_i^k(t))^2 + P^k(t) \cdot MSS \cdot \lambda_i^k(t), \end{cases} \quad (1)$$

где λ_i^k – интенсивность трафика i -го TCP-сессии в потоке с k -м классом обслуживания, ($i = \overline{1, M^k}$), M^k – количество TCP-сессий в k -м потоке, $k = \overline{1, K}$, K – количество классов обслуживания; RTT^k – время оборота пакетов k -го потока; P^k – вероятность отбрасывания (блокировки) пакетов с k -м классом обслуживания.

Вероятность отбрасывания пакетов может быть formalизована в соответствии с AQM-алгоритмами, реализующими превентивное ограничение очереди до ее фактического переполнения. При этом для каждого класса обслуживания в общем случае предполагается организация отдельной очереди с различными моделями отбрасывания пакетов. Так для алгоритма произвольного раннего обнаружения перегрузки RED (Random Early Detection) [4], который получил развитие с целью учета классов обслуживания WRED (Weighted RED), расчет вероятности отбрасывания пакетов с k -м классом обслуживания производится в соответствии с выражением:

$$P^k(t) = \frac{1}{m^k} \cdot \frac{N^k(t) - N_{\min}^k}{N_{\max}^k - N_{\min}^k}, \quad (2)$$

где m^k – знаменатель граничной вероятности; N_{\min}^k , N_{\max}^k – минимальный и максимальный размер очереди соответственно; $N^k(t)$ – средний размер очереди на сетевом узле.

Для алгоритма случайной экспоненциальной маркировки REM (Random Exponential Marking) [5] выражение для вероятности P имеет следующий вид:

$$P = 1 - \phi^{\frac{-\sum p_l(t)}{l}}, \quad (3)$$

где $\phi > 1$ – константа; $p_l(t)$ – мера переполнения (стоимость) в l -м канале, которая определяется на основании несоответствия скорости поступающего в канал трафика и пропускной способностью этого канала, а также разности между текущим размером очереди и граничным его значением.

Для дальнейших исследований в качестве модели отбрасывания пакетов использовалось выражение (2), а средний размер очереди $N^k(t)$ рассчитывался на основании формулы Литтла [5]:

$$N^k(t) = \frac{\sum_{i=1}^{M^k} \lambda_i^k(t)}{B^k - \sum_{i=1}^{M^k} \lambda_i^k(t)}, \quad (4)$$

где B^k – пропускная способность соединения, выделенная k -му TCP-потоку.

С целью подтверждения соответствия предложенной модели (1)–(2) процессу передачи данных в реальных условиях TCP-сенсоров было проведено исследование одного TCP-сессии, в ходе которого вычислялась интенсивность $\lambda(t)$. В качестве исходных данных выступали: величина доступной пропускной способности канала $B = 100$ Мбит/с; окно приема на узле-получателе, равное 64 кбайт; размер сегмента данных $MSS = 1460$ байт. Графически решения уравнений (1)–(2) при различных значениях RTT изображено на рис. 1.

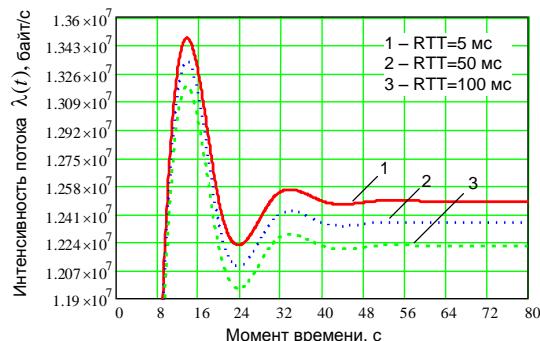


Рис. 1. Изменение интенсивности передачи данных в TCP-сессии
при различных значениях RTT

Из рис. 1 видно, что, во-первых, изменение скорости передачи $\lambda(t)$ носит колебательный характер и в некоторый момент времени устанавливается на определенном значении, что соответствует реальному процессу информационного обмена при работе протокола TCP. Во-вторых, с уменьшением времени оборота сегмента RTT (что говорит, например, об улучшении канала либо свободных канальных и буферных ресурсах) интенсивность, которую достигает TCP-поток в установившемся режиме, возрастает и стремится к значению пропускной способности соединения.

Полученная модель (1)–(2) носит четко выраженный нелинейный характер, что с математической точки зрения означает возможное наличие неединственного решения системы уравнений, более того наличие решений, являющихся неустойчивыми и приводящих к качественным изменениям поведения системы в тех или иных условиях. На практике же, как показал анализ, к потере устойчивости приводят колебание как внешних, так и внутренних параметров и условий функционирования. К внутренним относятся параметры протокола TCP, AQM-алгоритмов (в рамках предложенной модели алгоритм RED) и режимы передачи в соответствии с версией TCP. К внешним параметрам, приводящим к неустойчивости TCP-сеанса, относятся изменение структуры сети (выход из строя либо добавление сетевых каналов и узлов, что влечет изменение доступной пропускной способности), скачкообразное изменение интенсивности передаваемого трафика, увеличение задержек распространения, а также присутствие других типов трафиков (с учетом транзитных потоков и коротко живущих соединений).

Исследование реакции TCP-сеанса на колебания либо административные изменения указанных параметров и дальнейшего поведения осуществляется путем внесения изменений в исходную систему уравнений (1)–(2). Изменения касаются либо параметров, входящих в состав системы уравнений (1)–(2), либо самой структуры и вида исходных дифференциальных уравнений. На рис. 2 приведены случаи потери устойчивости, под которой подразумевается отклонение TCP-сеанса от стационарного состояния. В данном случае стационарным состоянием является режим, когда интенсивность TCP-потока со временем устанавливается на значении, близком к реальной пропускной способности соединения.

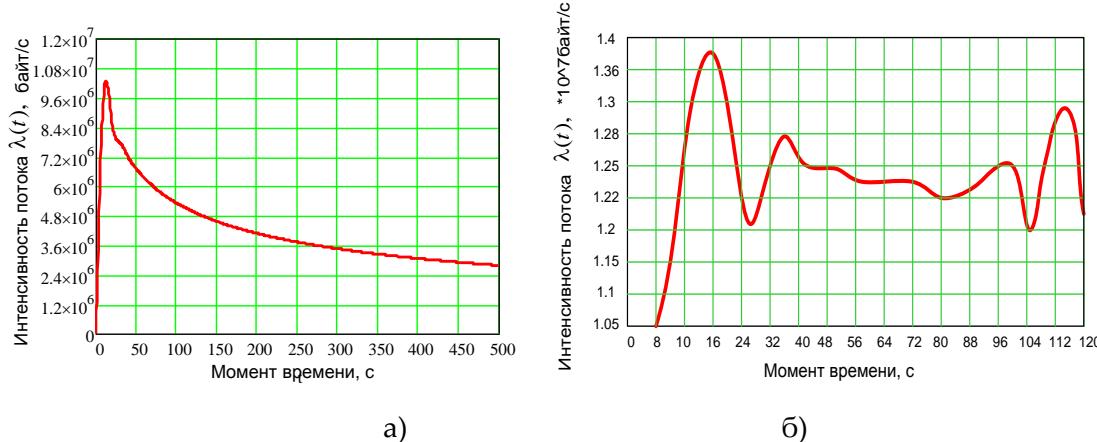


Рис. 2. Изменение интенсивности передачи данных при неустойчивом TCP-сеансе

Таким образом, стоит подчеркнуть необходимость решения такой задачи, как обнаружение и анализ причин и последствий неустойчивого функционирования TCP-сессий. Эти исследования позволят еще на этапе математического описания ТКС, которое впоследствии будет основой для перспективных сетевых протоколов и технологий, избежать непредвиденных случаев разрыва сессий, роста задержек, перегрузок сетевых устройств и каналов, а, следовательно, и потерь пакетов.

II. Анализ устойчивости TCP-сессий как динамической системы

Проведенный анализ постановки и решения задачи исследования устойчивости динамических систем [7–10], к которым относится TCP-сессия, представленных нелинейными дифференциальными уравнениями, свидетельствует о целесообразности использования возможностей теории бифуркаций и теории катастроф. Особенностью применения этих теорий является возможность проанализировать динамику поведения процессов, которыми характеризуется система в окрестности ее стационарного состояния как с помощью аналитических выражений, так и с помощью графического представления (фазовых портретов).

Возможности теории бифуркаций и теории катастроф позволяют вычислить все равновесные состояния исходной системы и проанализировать влияние колебаний внутренних и внешних параметров на возможность скачкообразного перехода в то или иное состояние, которое может быть как устойчивым, так и неустойчивым. Причем с учетом особенностей процессов, протекающих в ТКС и проявляющихся в постоянных колебаниях сетевых параметров (пропускной способности, интенсивностей трафиковых, структуры сети), такая возможность является немаловажной, т.к. позволяет решить задачу не только анализа влияния этих колебаний на поведение ТКС, но и синтеза, т.е. выбора структурных и функциональных параметров сети с учетом условий устойчивости. Решение такой задачи позволит избежать случаев потери устойчивости, т.е. неоправданных перегрузок сети и связанных с этим потерю пакетов данных.

Однако наиболее адекватным для анализа устойчивости представляется математический аппарат теории бифуркаций [9, 10], поскольку он основывается на моделях, описываемых дифференциальными уравнениями, и не требует необходимости построения специфических функций, как в случаях применения методов Ляпунова и теории катастроф. В рамках данной теории обеспечивается непосредственный учет параметров и переменных на уровне математического описания исходной динамической модели.

Использование математического аппарата теории бифуркаций [9, 10] для решения исходной задачи анализа и формулировки условий обеспечения устойчивости системы TCP-сессий (1), предполагает следующая последовательность действий:

1. Поиск стационарных состояний системы дифференциальных уравнений.
2. Формирование матрицы Якоби и разложение исходных уравнений в ряд Тейлора в окрестности полученных решений (линеаризация).
3. Получение системы однородных линейных дифференциальных уравнений.
4. Вывод характеристического уравнения и нахождение его корней (собственных значений) и собственных векторов.
5. Построение траектории состояний системы (фазового пространства) и анализ поведения системы в окрестностях стационарных состояний. При этом вид траекторий состояний системы в окрестности стационарной точки (устойчивый/неустойчивый узел, седло и т.д.) определяется корнями характеристического уравнения.

Исходя из значений корней характеристического уравнения, формулируются следующие условия обеспечения устойчивости TCP-сессий:

1) для равновесного состояния типа устойчивого узла (рис. 3):

$$p_1(\lambda, B, N_{\max}) \neq p_2(\lambda, B, N_{\max}), p_1(\lambda, B, N_{\max}) < 0, p_2(\lambda, B, N_{\max}) < 0; \quad (5)$$

2) для равновесного состояния типа устойчивого фокуса (рис. 4):

$$p_{1,2}(\lambda, B, N_{\max}) = \alpha \pm i\beta, \alpha > 0. \quad (6)$$

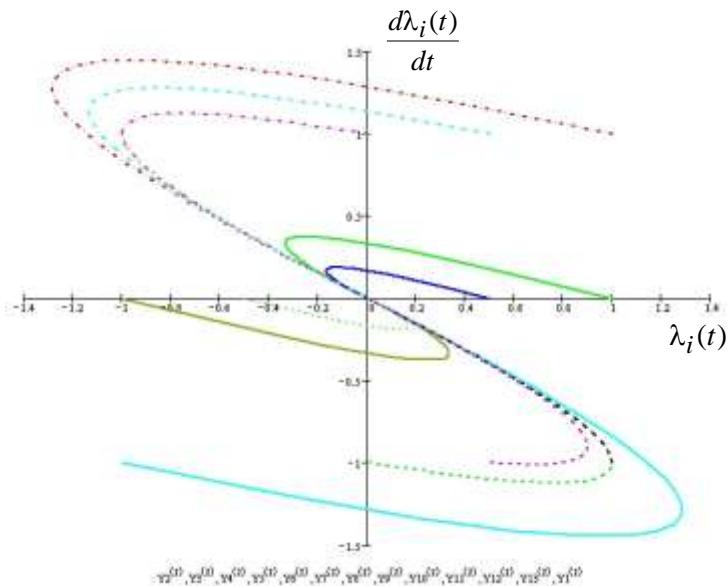


Рис. 3. Фазовый портрет системы TCP-сессий: равновесная точка типа устойчивый узел

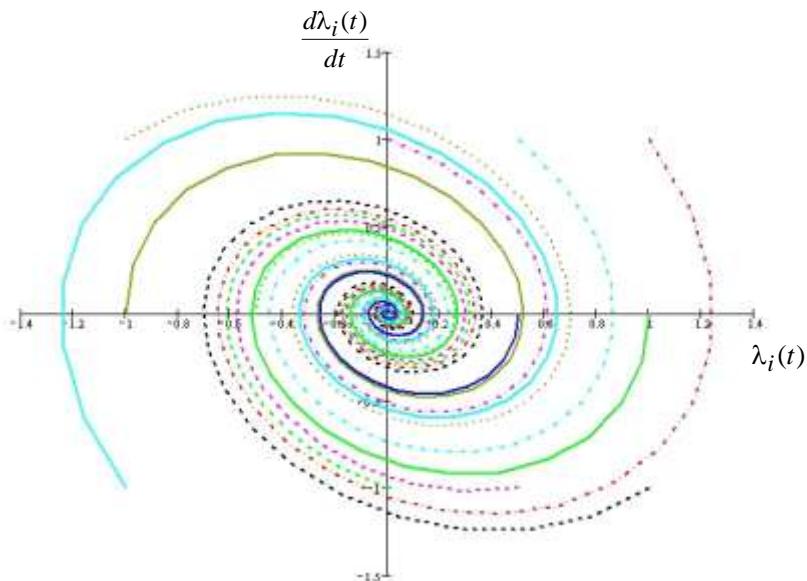


Рис. 4. Фазовый портрет системы TCP-сессий: равновесная точка типа устойчивый фокус

Таким образом, предложенный метод анализа устойчивости позволил исследовать динамическую модель TCP-сессий, представленную системой нелинейных дифференциальных уравнений (1). В ходе решения этой задачи в аналитическом виде были получены условия обеспечения устойчивости TCP-сессий (5)–(6), которые можно также построить и проанализировать геометрически в фазовом пространстве (рис. 3, 4). Причем на характер решений (стационарных состояний и соответствующего поведения системы в окрестности этих состояний) влияют структурные и функциональные сетевые параметры (параметры TCP/AQM-алгоритмов, положенных в основу исходной модели (1)–(2), а также топология сети, колебания интенсивности передаваемого трафика, многопотоковость). Полученные условия обеспечения устойчивости TCP-сессий могут быть использованы с целью решения задачи обоснованного выбора параметров TCP/AQM-алгоритмов в ходе дальнейшей оптимизации TCP-сессий.

III. Оптимизация процесса передачи данных в рамках TCP-сессий

С целью обоснованного выбора параметров протокола TCP и AQM-алгоритмов (RED/WRED) необходимо сформулировать и решить оптимизационную задачу, связанную с минимизацией (максимизацией) некоторого целевого функционала потерь (качества). С целью моделирования интенсивности потерь введем величину $\lambda_i^{k \text{ отк}}(t)$, которая характеризует интенсивность отказов в обслуживании i -му TCP-сессии в потоке с k -м классом обслуживания. Тогда для $\lambda_i^{k \text{ отк}}(t)$ справедливо соотношение:

$$\lambda_i^{k \text{ отк}}(t) = \lambda_i^{k \text{ треб}}(t) - \cdot \lambda_i^k(t), \quad (7)$$

где $\lambda_i^{k \text{ треб}}(t)$ – QoS-требования относительно интенсивности i -го TCP-сессии в установленном (стационарном) состоянии, которое достигается при сбалансированном использовании доступной пропускной способности канала; τ – временной интервал, который, как правило, соизмерим со средней длительностью TCP-сессии в сети.

В современных мультисервисных ТКС важным требованием является предоставление гарантированной пропускной способности определенным потокам между источником и получателем. Такая процедура организуется с помощью дифференциации TCP-сессий посредством назначения приоритетов и выделения заданной величины пропускной способности в соответствии с запрашиваемыми требованиями. Причем поток с наивысшим приоритетом, может обслуживаться в первую очередь, тогда как остальные потоки получают отказ в обслуживании, как в алгоритмах PQ (Priority Queuing) и LLQ (Low Latency Queuing) [4]. Может быть организовано более справедливое обслуживание потоков, когда потокам с более низкими приоритетами все же предоставляется некоторая доля пропускной способности даже при обслуживании высокоприоритетного потока, как в алгоритме CBWFQ (Class-Based Distributed Weighted Fair Queuing) [4].

С точки зрения поиска компромисса между необходимостью учета технологических особенностей процесса передачи данных в рамках TCP-сессий, с одной сто-

роны, и возможностью получения численных результатов расчета в рамках известных оптимизационных процедур, с другой, воспользуемся критерием, определяющим минимум функционала:

$$J = \int_0^\tau \left[\sum_{k=1}^K \sum_{i=1}^{M^k} \alpha_i^k \cdot \lambda_i^{k \text{omk}}(t) \right] dt, \quad (8)$$

где α_i^k – приоритет i -го TCP-сессии.

Использование критерия (8) гарантирует минимизацию суммарной взвешенной относительно приоритета интенсивности отказов в обслуживании на транспортном уровне. При этом реализуется схема распределения пропускной способности между потоками, когда каждому потоку предоставляется четко заданная величина пропускной способности, назначаемая административно.

После преобразований выражение (7) можно привести к виду:

$$\max_{\lambda_i^k(t)} J = \max_{\lambda_i^k(t)} \int_0^\tau \left[\sum_{k=1}^K \sum_{i=1}^{M^k} \frac{\alpha_i^k}{\tau} \cdot \lambda_i^k(t) \right] dt. \quad (9)$$

Физический смысл функционала (9) теперь уже состоит в максимизации суммарной взвешенной относительно приоритета интенсивности TCP-потоков на интервале τ . Такая постановка задачи гарантирует выполнение важного свойства системы TCP-сессий – эффективности, под которой в соответствии с принципами функционирования протокола TCP подразумевается передача с максимальной суммарной интенсивностью в пределах доступной пропускной способности всех потоков данных.

При решении задачи оптимизации в качестве управляемых выступают параметры протокола TCP (величина MSS, время RTT, размер окна перегрузки, значение порога, режимов передачи), а также параметры алгоритмов борьбы с перегрузками RED/WRED (величины N_{\min} , N_{\max} , m). На практике можно оптимизировать только часть из перечисленных параметров, при этом другие характеристики фиксировать на некоторых значениях, например, в соответствии с настройками протоколов по умолчанию.

Минимизируемый функционал, сформулированный в скалярном уравнении (8), удобно представить в векторно-матричной форме:

$$J = \int_0^\tau \sum_{k=1}^K A_k^T \Lambda_{k \text{omk}}(t) dt, \quad (10)$$

где $A_k = [\alpha_1^k, \alpha_2^k, \dots, \alpha_i^k, \dots, \alpha_N^k]^T$ – вектор приоритетов для TCP-потоков;

$\Lambda_{k \text{omk}} = [\lambda_1^{k \text{omk}}, \lambda_2^{k \text{omk}}, \dots, \lambda_i^{k \text{omk}}, \dots, \lambda_N^{k \text{omk}}]^T$ – вектор, элементами которого являются интенсивности отказов в обслуживании TCP-сессий $\lambda_i^{k \text{omk}}$, рассчитываемых в соответствии с выражением (7).

Стоит отметить, что исследование и дальнейшее обеспечение устойчивости процессов информационного обмена и управления ресурсами сети, протекающих в

реальных ТКС, существенно влияет на эффективность их работы. Это позволяет выявить и предупредить внезапное переполнение очередей сетевых узлов и каналов связи, разрывы сеансов связи и другие факторы, приводящие к неустойчивости TCP-сессий при незначительных изменениях структурных и функциональных параметров. Следовательно, в ходе решения оптимизационной задачи, кроме выполнения условия, связанного с динамикой TCP-сессий (1)–(2), необходимо учитывать полученные ранее условия обеспечения устойчивости системы TCP-сессий (5) и (6).

Для обеспечения более справедливого обслуживания TCP-потоков, при котором даже в условиях перегрузок низкоприоритетному трафику гарантируется некоторая доля пропускной способности, предлагается использовать квадратичный целевой функционал с теми же ограничениями в виде исходной модели (1)–(2) и условий обеспечения устойчивости системы TCP-сессий (5) и (6). В таком случае целевой функционал, представленный выражением (10), принимает вид:

$$J = \int_0^{\tau} \sum_{k=1}^K \Lambda_{k \text{omk}}^T(t) H_k \Lambda_{k \text{omk}}(t) dt, \quad (11)$$

где H – диагональная матрица, имеющая структуру

$$H = \begin{vmatrix} \alpha_1^k & 0 & \dots & 0 \\ 0 & \alpha_2^k & \dots & 0 \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & 0 & \dots & \alpha_N^k \end{vmatrix}, \quad (12)$$

координаты которой определяют величину приоритетов, согласно которым осуществляется обслуживание и ограничение трафиков TCP-сессий.

С целью сравнения результатов решения оптимизационной задачи с различными целевыми функциями приоритеты a_1 и a_2 TCP-потоков задавались в пределах от 0 до 7 (0 – наивысший, 7 – наименьший приоритеты) следующим образом:

- первый случай, когда у первого (высокоприоритетного) потока значение приоритета равняется $a_1 = 7$, у второго (низкоприоритетного) – $a_2 = 0$;
- второй случай – значения приоритетов $a_1 = 5$ и $a_2 = 2$ для первого и второго TCP-потока соответственно;
- третий случай – приоритеты TCP-потоков одинаковые и равны $a_1 = a_2 = 4$.

На рис. 5 и 6 представлены графики, отображающие интенсивности отказов высокоприоритетного λ_1^{omk} и низкоприоритетного λ_2^{omk} потоков в зависимости от их интенсивностей передачи λ_1 и λ_2 для случая использования линейного целевого функционала. На рис. 7 и 8 показаны те же зависимости для случая использования квадратичного целевого функционала.

Исходя из того, что пропускная способность соединения между оконечными узлами равна 120 Кбит/с, интенсивности первого и второго TCP-потоков изменялись от нуля до 200 Кбит/с. Полученные зависимости (рис. 5) показывают, что первый (высокоприоритетный) TCP-поток получал отказ в обслуживании при $\lambda_1 = 120$ Кбит/с

(рис. 5, а) только в том случае, когда суммарной пропускной способности TCP-соединений было недостаточно для обслуживания обоих потоков, а менее приоритетный TCP-поток был полностью ограничен (рис. 5, б). Величина отказов второго TCP-потока увеличивалась с ростом как собственной интенсивности, так и интенсивности более приоритетного потока (рис. 5, б).

Стоит отметить, что при изменении приоритетов величины отказов для высокоприоритетного и низкоприоритетного TCP-потоков практически не изменились, то есть с увеличением интенсивности пакеты первого потока ($a_1 = 5$) начинали отбрасываться только тогда, когда все пакеты второго потока ($a_2 = 2$) были полностью отброшены. И только в случае одинаковых приоритетов ($a_1 = a_2 = 4$) ограничение TCP-потоков с увеличением их интенсивности происходило одинаково (рис. 6). Только в таком случае осуществлялось справедливое распределение пропускной способности между TCP-сеансами, и ни один из потоков не получал полного отказа.

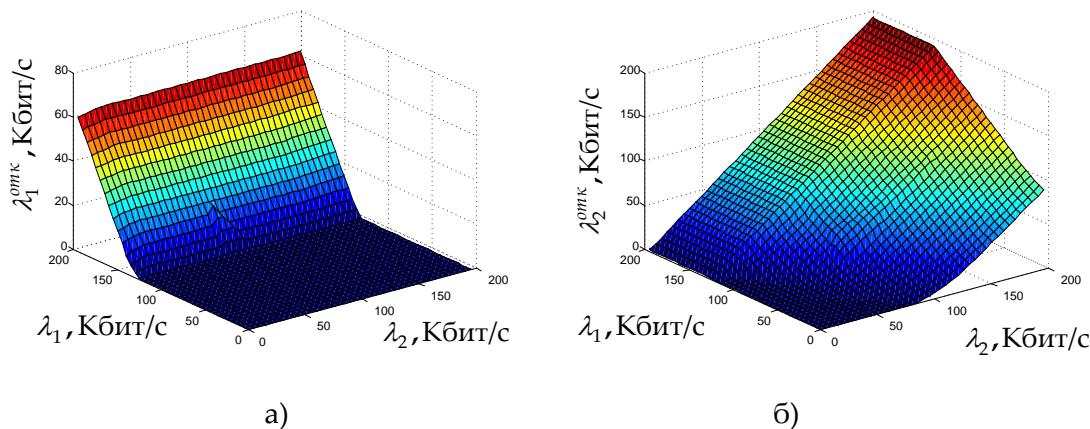


Рис. 5. Зависимость интенсивности отказов высокоприоритетного λ_1^{omk} ($a_1 = 7$) и низкоприоритетного λ_2^{omk} ($a_2 = 1$) TCP-потоков от их интенсивностей передачи λ_1 и λ_2 при использовании критерия (10)

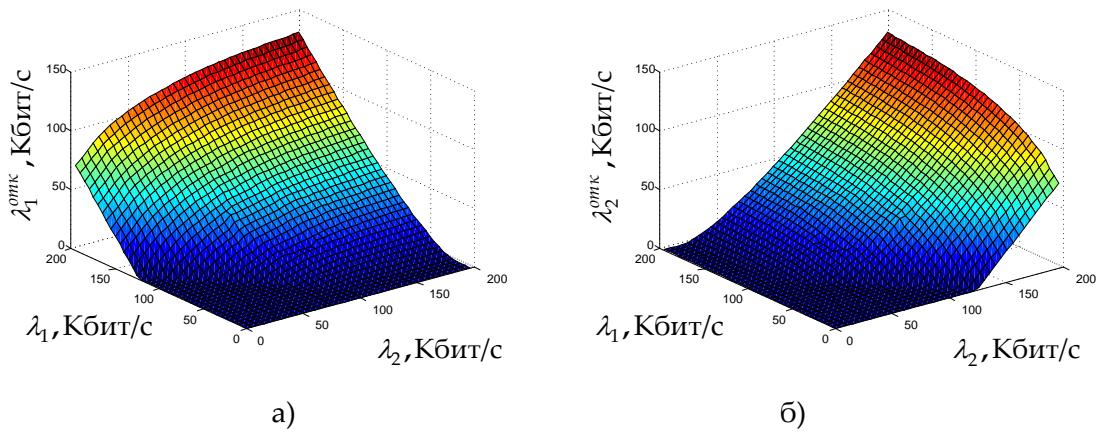


Рис. 6. Зависимость интенсивности отказов высокоприоритетного λ_1^{omk} и низкоприоритетного λ_2^{omk} TCP-потоков при $a_1 = a_2 = 4$ от их интенсивностей передачи λ_1 и λ_2 при использовании критерия (10)

Как показывают результаты исследования предложенного метода оптимизации TCP-сессий на основе использования квадратичного целевого функционала (11) с ограничениями (1)–(2), несмотря на увеличение интенсивности потоков, низкоприоритетный поток не отбрасывается полностью. При изменении приоритетов трафиков распределение доступной пропускной способности изменяется и, соответственно, изменяется доля отказов. Так при интенсивности передачи TCP-потоков, равной $\lambda_1 = \lambda_2 = 75$ Кбит/с интенсивность отказов высокоприоритетного трафика ($a_1 = 7$) составляет $\lambda_1^{omk} = 5$ Кбит/с (рис. 7, а), а низкоприоритетного ($a_2 = 0$) $\lambda_2^{omk} = 22$ Кбит/с (рис. 7, б). В случае снижения приоритета первому трафику (например, $a_1 = 5$) и повышения приоритета второму трафику (например, $a_2 = 2$) при тех же интенсивностях передачи интенсивности отказов составляют $\lambda_1^{omk} = 9$ Кбит/с и $\lambda_2^{omk} = 22$ Кбит/с. Одинаковые приоритеты ($a_1 = a_2 = 4$) дают идентичную интенсивность отказов, т.е. $\lambda_1^{omk} = \lambda_2^{omk} = 11$ Кбит/с при интенсивности передачи $\lambda_1 = \lambda_2 = 75$ Кбит/с (рис. 8).

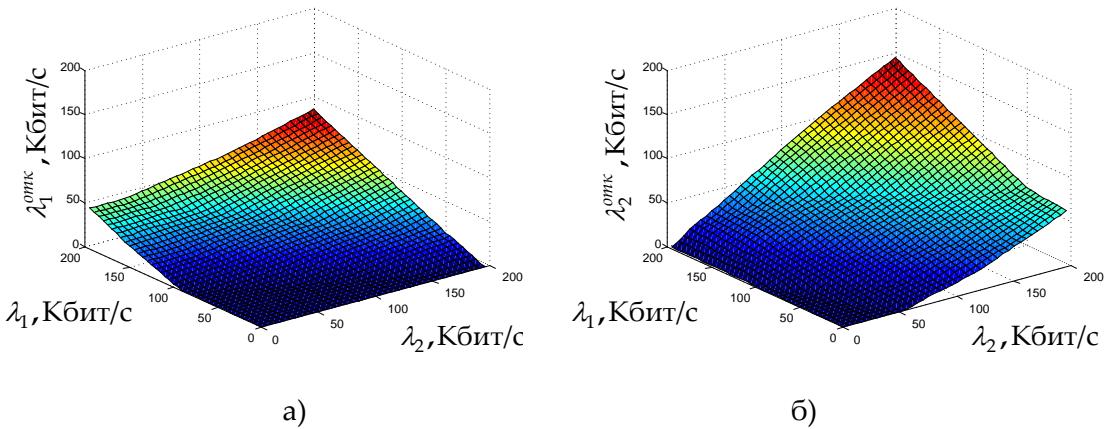


Рис. 7. Зависимость интенсивности отказов высокоприоритетного λ_1^{omk} ($a_1 = 7$) и низкоприоритетного λ_2^{omk} ($a_2 = 1$) TCP-потоков от их интенсивностей передачи λ_1 и λ_2 при использовании критерия (11)

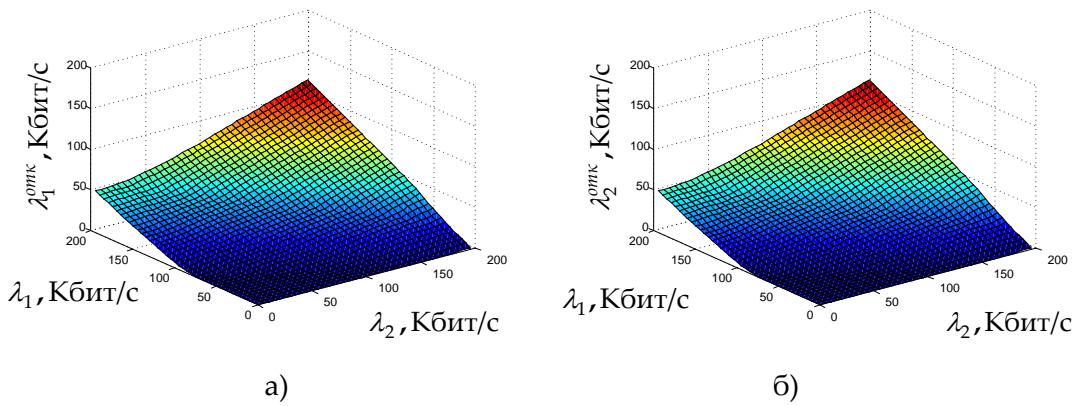


Рис. 8. Зависимость интенсивности отказов высокоприоритетного λ_1^{omk} и низкоприоритетного λ_2^{omk} TCP-потоков при $a_1 = a_2 = 4$ от их интенсивностей передачи λ_1 и λ_2 при использовании критерия (11)

Как показывают результаты моделирования, при интенсивностях TCP-потоков $\lambda_1 = \lambda_2 = 200$ Кбит/с, что в сумме превышает пропускную способность соединения (120 кбит/с), в случае использования линейного функционала (10) интенсивность отказов первого потока составляет $\lambda_1^{omk} = 60$ Кбит/с ($a_1 = 7$) (рис. 5, а) при полном ограничении второго $\lambda_2^{omk} = 200$ Кбит/с ($a_2 = 1$) (рис. 5, б). В случае использования квадратичного функционала (11) интенсивность отказов первого TCP-потока составляет $\lambda_1^{omk} = 89$ Кбит/с (рис. 7, а), а второго $\lambda_2^{omk} = 148$ Кбит/с (рис. 7, б). TCP-потоки с приоритетами $a_1 = 5$ и $a_2 = 2$ в условиях перегрузки имеют следующие интенсивности отказов: при использовании линейного функционала $\lambda_1^{omk} = 70$ Кбит/с и $\lambda_2^{omk} = 200$ Кбит/с, при использовании квадратичного функционала $\lambda_1^{omk} = 105$ Кбит/с и $\lambda_2^{omk} = 132$ Кбит/с.

Таким образом, использование квадратичного функционала (11) в ходе решения оптимизационной задачи позволяет уменьшить интенсивность отказов низкоприоритетного TCP-трафика за счет более рационального распределения доступной пропускной способности между высокоприоритетным и низкоприоритетным потоками, чем в случае использования линейного функционала (10). Такой результат становится особенно очевидным в условиях перегрузки сети, когда суммарная интенсивность передаваемых потоков превышает доступную пропускную способность соединения. Наиболее приемлемым представляется использование нелинейного программирования [11, 12] для решения поставленной оптимизационной задачи, а сама реализация метода оптимизации процесса передачи данных в рамках TCP-сеансов предполагает следующую последовательность действий:

1. Мониторинг и сбор исходных данных о состоянии TCP-сеанов, режимах передачи в протоколе TCP, параметров AQM-алгоритмов (RED/WRED) на узлах ТКС.
2. На основе анализа собранных исходных данных о состоянии сети устанавливается их аналитическая взаимосвязь путем анализа математической модели (1)–(2).
3. Формализация условий обеспечения устойчивости TCP-сеансов (5) и (6).
4. Постановка оптимизационной задачи (8), в ходе решения которой обеспечивается минимизация отказов в обслуживании трафиков пользователей, и согласованно рассчитываются основные параметры протокола TCP и AQM-алгоритмов.
5. Параметры протокола TCP и AQM-алгоритмов в автоматическом режиме подлежат корректировке (настройке), обеспечивая тем самым оптимизацию TCP-сеансов в целом.
6. По истечении интервала RTT осуществляется повторная постановка и решение оптимизационной задачи (8), т.е. производится переход к п.1.

В некоторых случаях периодический характер расчетов может быть нарушен, например, при «нештатном» изменении состояния ТКС и ее TCP-соединений, вызванном изменением структуры сети, скачкообразном изменении интенсивности поступающего в сеть трафика или числа TCP-потоков.

Выводы

Анализ состояния и перспектив развития современных ТКС показал, что ключевыми аспектами при построении сетей NGN является их способность обслуживать разнородный по типу и требованиям трафик, гарантируя соответствие предоставленного уровня качества обслуживания запрашиваемому пользователями. Однако большинство средств управления трафиком, среди которых TCP/AQM-алгоритмы, не отвечают требованиям по обеспечению QoS и сами нередко становятся причинами потери устойчивости ТКС. Установлено, что это обусловлено недостатками математических моделей и эвристических схем, положенных в основу этих алгоритмов.

В статье предложена математическая модель TCP-сессий, основанная на аппарате дифференциальных уравнений и теории массового обслуживания и представлена в пространстве состояний. К характерным свойствам предложенной модели относится учет динамики процессов информационного обмена, а также изменения режимов передачи данных протокола TCP. Также важным является возможность описания этих режимов согласно существующим и перспективным версиям протокола TCP. Отличительной чертой модели является учет особенностей передачи одновременно нескольких TCP-потоков с разными классами обслуживания, что свойственно реальным мультисервисным ТКС. Кроме того, в рамках единой модели (1)–(2) formalизованы как процессы передачи данных в соответствии с протоколом TCP, так и процессы борьбы с перегрузками (AQM), что позволяет конечным устройствам оперативно реагировать на вероятные перегрузки в сети и, соответственно, избегать необоснованных потерь пакетов. Преимуществом предложенной модели TCP-сессий является возможность выбора типа AQM-алгоритма за счет использования различных моделей блокировки (отбрасывания) пакетов. Предложенная модель (1)–(2) в дальнейшем может быть использована для анализа устойчивости TCP-сессий и оптимизации выбора параметров TCP/AQM-алгоритмов. Причем важность решения задачи обеспечения устойчивости продиктована необходимостью учета колебаний параметров сети (параметров TCP/AQM-алгоритмов, флуктуаций трафика), особенно в условиях, близких к перегрузкам.

Предложен метод анализа устойчивости TCP-сессий в рамках динамической модели (1)–(2), основанный на теории бифуркаций. В отличие от классических методов математического анализа, позволяющих исследовать плавные непрерывные процессы, теория бифуркаций является универсальным инструментарием для исследования скачкообразных переходов, разрывов, внезапных качественных изменений. Использование данной теории при математическом описании ТКС открывает широкие возможности по обеспечению структурной и функциональной устойчивости по отношению к резким непредвиденным изменениям ее структуры (например, при выходе из строя сетевого элемента или целого участка сети), а также условиям функционирования (например, при скачкообразном увеличении интенсивности трафика, поступающего в сеть или изменении пропускной способности каналов связи). Метод основан на определении стационарных состояний (решений) системы (1) и последующем анализе поведения TCP-сессий в окрестности этих состояний, среди

которых наиболее важными являются устойчивый узел и устойчивый фокус. Применение предложенного метода позволило получить в аналитическом виде условия обеспечения устойчивости TCP-сессий по отношению к незначительным колебаниям TCP/RED-параметров.

Предложен метод оптимизации TCP-сессий, в рамках которого обеспечивается расчет основных параметров протокола TCP и AQM-алгоритмов (RED/WRED), что позволило с учетом условий устойчивости (5) и (6) минимизировать суммарную взвешенную относительно приоритетов интенсивность отказов в обслуживании различных типов трафика (максимизировать суммарную взвешенную относительно приоритетов интенсивность TCP-потоков). Использование метода предусматривает мониторинг и сбор исходных данных о состоянии TCP-сессий, установление аналитических зависимостей между параметрами TCP и RED с использованием математической модели (1)–(2); формализацию условий обеспечения устойчивости TCP-сессий (5) и (6); постановку и решение оптимизационной задачи (8); расчет параметров протокола TCP и AQM-алгоритмов (RED/WRED) и их последующую автоматическую коррекцию.

Список литературы:

1. Бакланов И. Г. NGN: принципы построения и организации. Под ред. Ю. Н. Чернышова. – М.: Эко-Трендз, 2008. – 400 с.
2. Стивенс У. Р. Протоколы TCP/IP. Практическое руководство: пер. с англ. и comment. А.Ю. Глебовского. – СПб.: «Невский диалект»–«БХВ-Петербург», 2003. – 672 с.
3. Postel J. Transmission control protocol. RFC 793. – California, sept. 1981. – 85 p.
4. Вегешна Ш. Качество обслуживания в сетях IP: пер. с англ. – М.: Изд. дом «Вильямс», 2003. – 368 с.
5. Sanjeeva Athuraliya, Victor H. Li, Steven H. Low, Qinghe Yin REM: Active Queue Management // IEEE Network. – 2001. – Р. 121–132.
6. Крылов В.В., Самохвалова С.С. Теория телетрафика и ее приложения – СПб.: БХВ-Петербург, 2005. – 288 с.
7. Гёльднер К., Кубик С. Нелинейные системы управления: пер. с нем. – М.: Мир, 1987. – 368 с.
8. Арнольд В.И. Теория катастроф – [3-е изд., доп.]. – М.: Наука. Гл. ред. физ.-мат. лит., 1990. – 128 с.
9. Теория бифуркаций / Арнольд В. И., Афраймович В. С., Ильяшенко Ю. С., Шильников Л. П.. – М: ВИНИТИ. Том 5. – 1986. – 218 с.
10. Анищенко В.С. Устойчивость, бифуркации, катастрофы // Соросовский образовательный журнал. – 2000. – № 6. – С. 105–109.
11. Афанасьев В.Н., Колмановский В.Б., Носов В.Р. Математическая теория конструирования систем управления: Учеб. пособие для вузов. – М.: Высш. шк., 1989. – 447 с.
12. Справочник по теории автоматического управления / под ред. А.А. Красовского. – М.: Наука. – 1987. – 712 с.