ОЦЕНКА ТРАНСПОРТНЫХ ХАРАКТЕРИСТИК СЕТЕЙ

к.т.н. И.В. Рубан, Д.В. Сумцов (представил: проф. А.В. Королев)

Рассмотрена математическая модель оценки вероятностных и временных характеристик доставки кадров для канала с независимыми ошибками. Приведены результаты расчетов для сетей, функционирующих на основе протокола X.25.

Существующие в настоящее время протоколы корпоративных вычислительных сетей, такие как ATM и Frame Relay, ориентированы в основном на каналы передачи данных высокого качества (широкополосные цифровые каналы на основе оптоволоконных кабелей) [4]. Однако, из-за высокой стоимости прокладки новых линий связи еще долгое время, особенно в Украине, реальную альтернативу будет представлять удаленный доступ к ресурсам корпоративной вычислительной сети по коммутируемым аналоговым линиям. Широкое применение в последнее время получает также передача цифровых данных по радиоканалам.

В пользовательских сетях ни один из существующих протоколов не гарантирует в полной мере качества обслуживания, заказываемого пользователем. Это не имеет большого значения и не приводит к значительным последствиям. Однако, существуют специализированные сети, например, в АСУ энергетическим комплексом, АСУ железнодорожным транспортом, АСУ авиацией, АСУ космическими полетами, банковские сети и т.д., в которых предъявляется высокий уровень требований к достоверности передаваемой информации [3, 6].

Коммутируемые аналоговые линии и радиоканалы характеризуются высоким уровнем ошибок в канале. Вероятность однократной ошибки в них составляет: для радиоканалов – 10^{-2} , для радиорелейных каналов – 10^{-4} - 10^{-3} , для проводных каналов – 10^{-6} - 10^{-4} [2, 3]. Поэтому в таких каналах необходимо применение методов защиты от ошибок, таких как корректирующие коды и повторная передача искаженных данных. Эти методы реализованы в сетях X.25.

Оценим качество функционирования транспортной подсети корпоративной вычислительной сети. В качестве показателя эффективности передачи данных на канальном уровне выберем вероятность доставки кадра $\mathbf{P}_{\text{дост}}$.

Функции контроля правильности доставки и восстановления искаженных данных возлагаются на канальный уровень стека протоколов X.25, на котором используется протокол сбалансированного доступа к звену LAP-B,

являющийся подмножеством сверхмножества HDLC.

Протокол LAP-B использует для формирования контрольных разрядов производящий полином циклического кода CRC-16, который определен рекомендацией МККТТ V.41 и имеет вид ${\bf x}^{16}+{\bf x}^{12}+{\bf x}^5+1$.

Так как степень полинома равна 16, то число контрольных разрядов кадра также равно 16. Циклический код с использованием полинома CRC-16 позволяет обнаруживать всевозможные кортежи ошибок кратности до 16 включительно, вызываемые одиночной ошибкой, а также $\mathbf{k} = (1-1/2^{\mathbf{r}}) \cdot 100\%$ всевозможных более длинных кортежей ошибок, где \mathbf{r} — степень производящего полинома. Для CRC-16 это число составляет 99.99847412% [2, 5, 7].

В качестве модели выберем канал передачи данных с независимыми ошибками. Вероятность однократной независимой ошибки (вероятность искажения одного бита) равна \mathbf{P}_0 . Тогда $1-\mathbf{P}_0$ – вероятность того, что бит при передаче по каналу не будет искажен. Вероятность правильной доставки (отсутствия ошибок) кадра длиной \mathbf{n} бит $\mathbf{P}_{\text{лост}} = (1 - \mathbf{P}_0)^{\mathbf{n}}$.

При использовании для обнаружения ошибок циклических кодов возможны следующие варианты (рис. 1):

 S_1 – передача кадра;

 S_2 – передача без ошибок;

 ${\bf S_3}$ – ошибка в полученном кадре обнаружена циклическим кодом на приемной стороне;

 S_4 – ошибка в полученном кадре не обнаружена циклическим кодом на приемной стороне.

Состояние S_1 соответствует передаче кадра в канал. После получения кадра узломполучателем происходит проверка правильности передачи и при отсутствии ошибок (состояние S_2) принимается решение о правильности

передаче кадра сти передачи и при отсутствии ошиоок (состояние S_2) принимается решение о правильности полученного кадра. Этому соответствует вероятность $P_{\text{дост}}$. При наличии ошибки хотя бы в одном бите кадра ошибка может быть обнаружена и кадр бракуется (состояние S_3). Этому соответствует вероятность P_{6p} . Если же однаруживается, принимается решение о правильности получень

ошибка не обнаруживается, принимается решение о правильности полученного искаженного кадра (состояние S_4). Этому соответствует вероятность $P_{\text{но}}$.

Очевидно, что события S_2, S_3, S_4 составляют полную группу событий, т.е.

$$\mathbf{P}_{\text{дост}} + \mathbf{P}_{\text{бр}} + \mathbf{P}_{\text{но}} = 1.$$

Вероятность браковки кадра равна вероятности того, что произойдет любая возможная комбинация ошибок от 1 до 16 плюс вероятность того, что произойдет любая возможная комбинация ошибок от 17 до $\bf n$ с весовым коэффициентом $\bf k$, т.е.

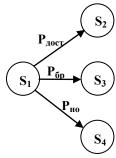


Рис.1. Граф состояний при передаче кадра

$$P_{\delta p} = \sum_{i=1}^{16} C_n^i \cdot P_0^i \cdot (1 - P_0)^{n-i} + (1 - \frac{1}{2^r}) \sum_{i=17}^n C_n^i \cdot P_0^i \cdot (1 - P_0)^{n-i} ,$$

где \mathbf{n} — длина кадра, бит.

Вероятность необнаружения ошибки равна

$$P_{H0} = \frac{1}{2^{r}} \cdot \sum_{i=17}^{n} C_{n}^{i} \cdot P_{0}^{i} \cdot (1 - P_{0})^{n-i}.$$

Тогда вероятность доставки равна

$$P_{\text{дост}} = 1 - \sum_{i=1}^{n} C_{n}^{i} \cdot P_{0}^{i} \cdot (1 - P_{0})^{n-i}$$

Время доставки кадра Тлост равно

$$T_{\text{дост}} = \frac{\mathbf{n}}{\mathbf{V}}$$

где V – скорость передачи данных, бит/с.

Относительная скорость передачи ${\bf R}$ определяется долей информационных разрядов в кадре и равна

$$R = \frac{L}{n}$$
,

где L – число информационных разрядов в кадре (длина инкапсулируемого пакета сетевого (пакетного) уровня) [1].

В ходе работы был проведен расчет для значений вероятности ошибки $\mathbf{P_0}=0,001$, пропускной способности $\mathbf{V}=9600$ бит/с, длин кадров 160, 288, 544, 1056, 2080, 4128, 8224, 16416 и 32800 бит, являющимися стандартными размерами кадров LAP-В при нормальном (по модулю 8) режиме нумерации кадров ([3]). Результаты расчетов приведены в табл. 1.

По результатам исследований можно сделать вывод, что при низком качестве канала передачи данных вероятность доставки кадра $\mathbf{P}_{\text{дост}}$ принимает значение в пределах от $5,6\cdot10^{-15}$ до 0,85208 в зависимости от длины кадра и является неприемлемо низкой для систем с высоким уровнем требований к достоверности передаваемой информации, где вероятность доставки кадра $\mathbf{P}_{\text{дост}}$ должна быть близка к единице. В таких сетях, как вычислительные сети АСУ энергетическим комплексом, АСУ железнодорожным транспортом, АСУ авиацией, АСУ космическими полетами, банковские сети и т.д., потеря одного кадра может привести к непредсказуемым последствиям, и поэтому является крайне нежелательной. Как следствие, возникает необходимость разработки новых алгоритмов обработки и передачи информации с использованием методов повышения надежности ее доставки в транспортных подсетях вычислительных сетей АСУ.

Таблица 1

Значения транспортных характеристик сетей, функционирующих на основе протокола X.25

№ п/п	Информационные и канальные параметры				Транспортные характеристики сетей X.25		
	Длина кадра п , бит	Число инфор- мационных бит L	Вероятность однократной ошибки Р 0	Скорость передачи данных V, бит/с	Вероятность доставки кадра Р _{дост}	Время доставки пакета Т _{дост} , с	Относительная скорость пере- дачи R
1	160	128	0,001	9600	0,85208	0,01667	0,80000
2	288	256	0,001	9600	0,74965	0,03000	0,88889
3	544	512	0,001	9600	0,58026	0,05667	0,94118
4	1056	1024	0,001	9600	0,34766	0,11000	0,96970
5	2080	2048	0,001	9600	0,12480	0,21667	0,98462
6	4128	4096	0,001	9600	0,01608	0,43000	0,14175
7	8224	8192	0,001	9600	0,00027	0,85667	0,99611
8	16416	16384	0,001	9600	0,00000007	1,71000	0,99805
9	32800	32768	0,001	9600	0,0000000000000056	3,41667	0,99902

ЛИТЕРАТУРА

- 1. Бертсекас Д., Галлагер Р. Сети передачи данных. М.: Мир, 1989. 544 с.
- 2. Воронин А.А., Ростовцев Ю.Г., Цибрин В.Г. Основы построения систем передачи данных: Учебник. Л.: ВИКИ им. Можайского, 1978. 419 с.
- 3. Компьютерные сети. Принципы, технологии, протоколы / Олифер В.Г., Олифер Н.А. С. Пб.: Питер, 1999. 672 с.
- 4. Кульгин М. Технологии корпоративных сетей. Энциклопедия. С. - Пб.: Питер, 2000. – 704 с.
- 5. Дженнингс Ф. Практическая передача данных: модемы, сети и протоколы. М.: Мир, 1989. 272 с.
- 6. Вычислительные системы, сети и телекоммуникации: Учебник / Гудыно Л.П., Кириченко А.А.; под ред. А.П. Пятибратова М.: Финансы и статистика, $2001.-512~\rm c.$
- 7. Блэк Ю. Сети ЭВМ: протоколы, стандарты, интерфейсы. М.: Мир, $1990.-506~\mathrm{c}.$

Поступила в редколлегию 17.04.2001

22