

М. Ф. БОНДАРЕНКО, д-р техн. наук, Д. Э. СИТНИКОВ, Н. В. ШАРОНОВА,  
канд. техн. наук, Е. В. ЯВТУШЕНКО

## О МАТЕМАТИЧЕСКОМ ОПИСАНИИ МЕЖМОРФЕМНЫХ ОТНОШЕНИЙ

Важнейшей компонентой автоматизированных информационных систем является подсистема информационно-лингвистического обеспечения, под которой обычно понимается совокупность информационных структур, объединенных в базу данных, алгоритмов их обработки, а также моделей и языков для доступа к базе данных. Наиболее удобное средство для общения человека с ЭВМ — естественный язык, использование которого требует наличия в автоматизированной системе элементов интеллекта для понимания (интерпретации) естественно-языкового запроса и формирования адекватного сообщения.

Ключевой проблемой при создании автоматизированных информационных систем является проблема понимания смысла сообщения, которая неизбежно приводит к решению проблемы понимания смысла слова. По мнению многих ведущих специалистов в области языкознания и прикладной лингвистики, смысл слова не является в общем случае суммой смыслов составляющих его морфем, это даже не функция, это отношение более общего вида. В связи с этим становится актуальной задача исследования и математического моделирования межморфемных отношений, т. е. тех связей, которые существуют в слове между префиксами и корнями, корнями и суффиксами, основами и окончаниями (флексиями).

Пусть  $M$  — множество морфем одного типа (например, префиксов). На множестве  $M$  введем систему предикатов  $S$  так, чтобы

любой предикат  $P(t) \in S$  обращался в 1 на множестве морфем с какой-либо определенной семантической ролью и был равен 0 в противном случае. Таким образом, множество предикатов  $S$  можно отождествить с множеством семантических ролей префиксальных морфем. Каждому элементу  $A$  из  $M$  соответствует множество предикатов из  $S$ , дающих 1 при подстановке  $A$ . Следовательно, каждому  $A \in M$  взаимно-однозначно соответствует некоторый одноместный подстановочный предикат  $A(t)$ , где  $t \in S^*$ . Мы получили множество  $S$  семантических ролей с определенным на нем множеством  $M$  предикатов-морфем.

Рассмотрим теперь два множества семантических ролей  $S_1$  и  $S_2$  и соответственно два множества предикатов-морфем  $M_1$  и  $M_2$ . Операция соединения двух морфем  $P_1(t_1)$  и  $P_2(t_2)$  из  $M_1$  и  $M_2$  характеризуется согласованием семантических ролей, присущих данным множествам морфем. Результатом такого соединения на-

\* Шабанов-Кушнаренко Ю. П. Теория интеллекта. Проблемы и перспективы. Х., 1987. С. 39.

зовем множество связей между семантическими ролями, т. е. множество пар семантических ролей, характеризующих две стоящие рядом морфемы.

Такое множество представляет собой некоторый бинарный предикат  $P(t_1, t_2)$ , причем  $P(t_1, t_2) \rightarrow P_1(t_1) P_2(t_2)$ . Предположим возможность согласования семантических ролей не зависит от того, к каким морфемам они относятся, т. е. любые две роли из множеств  $S_1$  и  $S_2$  либо согласуются, либо нет. Тогда на декартовом произведении множеств  $S_1 \times S_2$  можно задать предикат  $\lambda(t_1, t_2)$ , принимающий значение 1, если роли  $t_1$  и  $t_2$  можно согласовать, и значение 0 в противном случае.

Результатом соединения двух морфем  $P_1(t_1)$  и  $P_2(t_2)$  является логическое умножение  $P_1(t_1) \cdot P_2(t_2)$ , что может означать возможность согласования любой роли морфемы  $P_1(t_1)$  с любой ролью морфемы  $P_2$ . Однако словарная реализация не подтверждает этого утверждения: часто некоторые семантические роли рядом стоящих морфем не согласуются. В общем случае операция соединения (\*) морфемных семантических ролей запишется так:

$$P_1(t_1) * P_2(t_2) = \lambda(t_1, t_2) P_1(t_1) P_2(t_2). \quad (1)$$

Действительно, логическое произведение  $P_1(t_1) P_2(t_2)$  исчерпывает все связи между семантическими ролями морфем  $P_1$  и  $P_2$ , а  $\lambda(t_1, t_2)$  исключает часть нереализованных связей. Язык использует не все возможные подмножества семантических ролей. Однако для удобства математического описания без особого огрубления задачи будем считать, что множества  $M_1$  и  $M_2$  совпадают с множествами всех предикатов, определенных соответственно на множествах  $S_1$  и  $S_2$ . Тогда булевы алгебры предикатов из множеств  $M_1$  и  $M_2$  являются подалгебрами булевой алгебры бинарных предикатов, заданных на  $S_1 \times S_2$ . Докажем теорему, позволяющую аксиоматически вести операцию соединения морфем.

Пусть имеется конечная булева алгебра  $M$  и две подалгебры  $M_1 \subseteq M$ ,  $M_2 \subseteq M$ .

**Теорема.** Пусть функция  $f: M_1 \times M_2 \rightarrow M$  удовлетворяет свойствам:

$$f(x, y)xy = f(x, y);$$

$$f(x_1 \vee x_2, y) = f(x_1, y) \vee f(x_2, y);$$

$$f(x, y_1 \vee y_2) = f(x, y_1) \vee f(x, y_2),$$

тогда  $f(x)$  можно представить в виде

$$f(x, y) = \lambda xy,$$

где  $\lambda$  — фиксированный элемент из  $M$ . Обратно, если  $f(x, y)$ , можно представить в виде (5), то выполняются свойства (2) — (4).

**Доказательство.** Вторая часть теоремы очевидна. Докажем первую часть. Пусть  $\{x_i\}_{i=1}^n$  — система минимальных ненулевых элементов булевой подалгебры  $M_1$ ,  $\{y_j\}_{j=1}^n$  — система минимальных ненулевых элементов подалгебры  $M_2$ . Пусть также для

функции  $f$  выполняются свойства (2) — (4). Положим  $f(0, y) = 0$  для любого  $y$ ,  $f(x, 0) = 0$  для любого  $x$ . Покажем, что для любых ненулевых  $x, y$

$$f(x, y) = \left[ \bigvee_{i=1}^m \bigvee_{j=1}^n f(x_i, y_j) \right] xy. \quad (6)$$

Любой ненулевой элемент  $x$  подалгебры  $M_1$  может быть представлен в виде дизъюнкции некоторых минимальных элементов этой подалгебры:

$$x = x_{i_1} \vee x_{i_2} \vee \dots \vee x_{i_k}.$$

Аналогично  $y = y_{j_1} \vee y_{j_2} \vee \dots \vee y_{j_e}$ . Следовательно,

$$\begin{aligned} \left[ \bigvee_{i=1}^m \bigvee_{j=1}^n f(x_i, y_j) \right] xy &= \left[ \bigvee_{i=1}^m \bigvee_{j=1}^n f(x_i, y_j) \right] (x_{i_1} \vee x_{i_2} \vee \dots \vee \\ &\vee x_{i_k}) \wedge (y_{j_1} \vee y_{j_2} \vee \dots \vee y_{j_e}) = \left[ \bigvee_{i=1}^m \bigvee_{j=1}^n f(x_i, y_j) \right] (x_{i_1}, y_{j_1} \vee \\ &\vee x_{i_1} y_{j_2} \vee x_{i_2} y_{j_3} \vee \dots \vee x_{i_1} y_{j_e} \vee x_{i_2} y_{j_1} \vee x_{i_2} y_{j_2} \vee \dots \vee x_{i_2} y_{j_e} \vee \dots \vee \\ &\vee x_{i_k} y_{j_1} \vee x_{i_k} y_{j_2} \vee \dots \vee x_{i_k} y_{j_e}) = \left[ \bigvee_{i=1}^m \bigvee_{j=1}^n f(x_i, y_j) x_i y_j \right] \wedge \\ &\wedge (x_{i_1} y_{j_1} \vee x_{i_1} y_{j_2} \vee \dots \vee x_{i_1} y_{j_e} \vee x_{i_2} y_{j_1} \vee x_{i_2} y_{j_2} \vee \dots \vee \\ &\vee x_{i_2} y_{j_e} \vee \dots \vee x_{i_k} y_{j_1} \vee x_{i_k} y_{j_2} \vee \dots \vee x_{i_k} y_{j_e}). \end{aligned}$$

Здесь мы применили свойство (2). Раскрывая скобки и используя тот факт, что конъюнкция двух различных минимальных ненулевых элементов равна нулю, получаем

$$\left[ \bigvee_{i=1}^m \bigvee_{j=1}^n f(x_i, y_j) xy \right] = f(x_{i_1}, y_{j_1}) x_{i_1} y_{j_1} \vee \dots \vee f(x_{i_k}, y_{j_e}) x_{i_k} y_{j_e}.$$

Еще раз применим свойство (2):

$$\begin{aligned} \left[ \bigvee_{i=1}^m \bigvee_{j=1}^n f(x_i, y_j) \right] xy &= f(x_{i_1}, y_{j_1}) \vee f(x_{i_1}, y_{j_2}) \vee \dots \vee f(x_{i_1}, y_{j_e}) \vee \\ &\vee f(x_{i_2}, y_{j_1}) \vee f(x_{i_2}, y_{j_2}) \vee \dots \vee f(x_{i_2}, y_{j_e}) \vee \dots \vee f(x_{i_k}, y_{j_1}) \vee \\ &\vee f(x_{i_k}, y_{j_2}) \vee \dots \vee f(x_{i_k}, y_{j_e}) = f(x_{i_1}, y_{j_1} \vee y_{j_2} \vee \dots \vee y_{j_e}) \vee \\ &\vee f(x_{i_2}, y_{j_1} \vee y_{j_2} \vee \dots \vee y_{j_e}) \vee \dots \vee f(x_{i_k}, y_{j_1} \vee y_{j_2} \vee \dots \vee y_{j_e}) = \\ &= f(x_{i_1} \vee x_{i_2} \vee \dots \vee x_{i_k}, y_{j_1} \vee y_{j_2} \vee \dots \vee y_{j_e}) = f(x, y). \end{aligned}$$

Здесь мы применили свойства (3) и (4). Таким образом, если вместо  $\lambda$  взять  $\left[ \bigvee_{i=1}^m \bigvee_{j=1}^n f(x_i, y_j) \right]$ , то получим  $f(x, y) = \lambda xy$ . Теорема доказана.

Проиллюстрируем соединение  $p_1(t_1)$  и  $P_2(t_2)$  примером взаимодействия морфем. Для этого рассмотрим взаимодействие префикс-

сальных морфов и основ. Исследование операции соединения  $P_1(t_1) * P_2(t_2)$  проведем на морфемном шве между префиксом и остальной частью слова. Пусть каждому исследуемому префиксальному морфу соответствует свое подмножество множества  $M_1$  семантических ролей, а каждой основе, соединяющейся с данным морфом, соответствует свое подмножество множества  $M_2$  семантических ролей.

Многозначные глагольные префиксы **вы-**, **до-**, **на-**, **пере-**, **от-** соединяются с основами **работать**, **рубить**, **лететь** и образуют слова, наделенные определенным смыслом.

В словах «переработать», «перерубить», «зарубить», «вырубить», «доработать», «вылететь», «долететь», «залететь» происходит такой выбор связей, что несколько семантических ролей префикса связаны с одной или несколькими семантическими ролями основы.

Полученное слово имеет столько смыслов, сколько существует связей между морфемами.

На конкретном примере рассмотрим образование связей между префиксальными морфемами «от-» и «у-» и основами «работать» и «лететь». Префикс «от-» обладает следующими семантическими ролями:  $x_1$  — «отделение части от целого»;  $x_2$  — «полнота действия»;  $x_3$  — «обратное действие»;  $x_4$  — «ответное действие»;  $x_5$  — «абсолютный конец действия, длящегося неопределенный отрезок времени»;  $x_6$  — «действие, длящегося определенный отрезок времени»;  $x_7$  — «оттенок прошедшего времени»;  $x_8$  — горизонтальная направленность действия от объекта в плоскости, перпендикулярной объекту-ориентире;  $x_9$  — «нежелательный результат действия»;  $x_{10}$  — «результат действия».

Префиксальная морфема «у-» обладает следующим набором семантических ролей:  $x_{11}$  — «направленность действия на весь объект»;  $x_{12}$  — «уменьшение»;  $x_{13}$  — «уничтожение»;  $x_{14}$  — «умещение»;  $x_{15}$  — «сохранение прежнего состояния»;  $x_{16}$  — «достижение цели»; а также семантическими ролями  $x_8$ ,  $x_9$ ,  $x_{10}$ , которые являются общими для данных префиксальных морфем.

Основы «работать» и «лететь» характеризуются семантическими ролями  $y_1 \div y_4$  и  $y_5 \div y_8$  соответственно:  $y_1$  — «находиться в действии»;  $y_2$  — «заниматься чем-нибудь, применяя свой труд, осуществляя какую-нибудь деятельность»;  $y_3$  — «иметь где-нибудь какое-нибудь занятие, служить»;  $y_4$  — «обслуживать кого-нибудь своим трудом»;  $y_5$  — «нестись, передвигаться по воздуху»;  $y_6$  — «мчаться»;  $y_7$  — «падать»;  $y_8$  — «о времени: быстро проходить».

Сочетание префиксальных и корневых морфем удобно показать с помощью схемы, из которой видно, как образуются связи между данными частями слова.

Префикс «от-» и основа «работать» образуют слово «отработать», которое характеризуется шестью смысловыми значениями. Каждой связи между множеством семантических ролей префикса и множеством семантических ролей основы соответствует одно смысловое значение полученного слова:  $(x_4 y_1)$  — «провести над

работой, в работе определенное время»;  $(x_5y_1)$  — «перестать находиться в действии, остановиться»;  $(x_5y_2)$  — «кончить работать, занимаясь до этого чем-нибудь, применяя свой труд, осуществляя какую-нибудь деятельность»;  $(x_5y_3)$  — «окончить работу на пред-

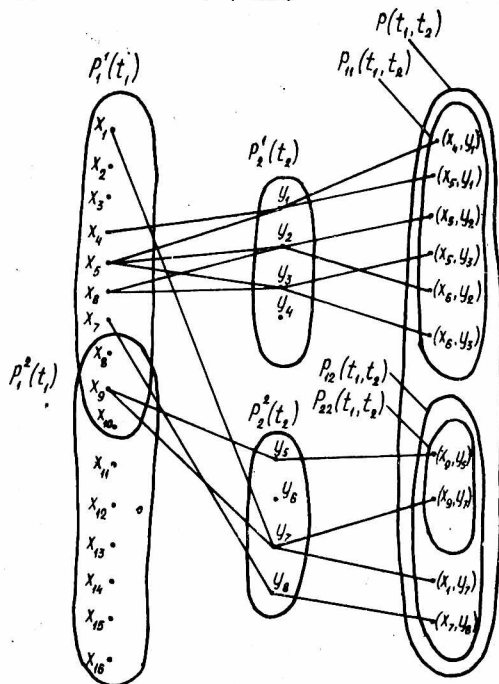


Схема сочетания префиксальных и корневых морфем

приятию, в учреждении»;  $(x_6y_3)$  — «провести над работой, в работе какое-нибудь время, занимаясь какой-нибудь деятельностью».

Слово «отлететь» получает в результате сочетания префикса «от-» и основы «лететь» четыре смысловых значения:  $(x_9y_5)$  — «летя, удалиться по отношению к объектам, которые совершают активное движение»;  $(x_9y_6)$  — «летя, удалиться и упасть по отношению к объектам, которые совершают пассивное движение»;  $(x_{11}y_7)$  — «оторваться»;  $(x_7y_8)$  — «исчезнуть, пропасть».

Слово «улететь» характеризуется двумя смысловыми значениями:  $(x_9y_5)$  — «летя, удалить по отношению к объектам, которые совершают активное движение»;  $(x_9y_7)$  — «летя, удалиться по отношению к объектам, которые совершают пассивное движение».

Формула (1) позволяет описать взаимосвязи между префиксальными морфемами и основами. Для рассматриваемого примера  $\lambda(t_1, t_2)$  имеет вид:

$$\lambda(t_1, t_2) = t_{14}^x t_{21}^y \vee t_{15}^x t_{21}^y \vee t_{15}^x t_{22}^y \vee t_{16}^x t_{23}^y \vee t_{16}^x t_{22}^y \vee t_{16}^x t_{23}^y \vee t_{17}^x t_{27}^y \vee t_{17}^x t_{28}^y \vee t_{x_9} t_{25}^y \vee t_{29}^x t_{27}^y. \quad (7)$$

Множества семантических ролей префиксов «от-» и «у-» определяются предикатами  $P_1^1(t_1)$  и  $P_1^2(t_1)$  соответственно:

$$P_1^1(t_1) = t_{11}^x \vee t_{12}^x \vee t_{13}^x \vee t_{14}^x \vee t_{15}^x \vee t_{16}^x \vee t_{17}^x \vee t_{18}^x \vee t_{19}^x \vee t_{110}^x; \quad (8)$$

$$P_1^2(t_1) = t_{18}^x \vee t_{19}^x \vee t_{110}^x \vee t_{111}^x \vee t_{112}^x \vee t_{113}^x \vee t_{114}^x \vee t_{115}^x \vee t_{116}^x. \quad (9)$$

Множества семантических ролей основ «работать» и «лететь» определяются предикатами  $P_2^1(t_2)$  и  $P_2^2(t_2)$  соответственно:

$$P_2^1(t_2) = t_{21}^y \vee t_{22}^y \vee t_{23}^y \vee t_{24}^y; \quad (10)$$

$$P_2^2(t_2) = t_{25}^y \vee t_{26}^y \vee t_{27}^y \vee t_{28}^y. \quad (11)$$

Опишем с помощью формулы (1) каждую конкретную реализацию. В случае взаимодействия префикса «от» и основы «работать» образуется слово «отработать»:

$$\begin{aligned} P_{11}(t_1, t_2) = \lambda(t_1, t_2) P_1^1(t_1) P_2^1(t_2) = & (t_{14}^x t_{21}^y \vee t_{15}^x t_{21}^y \vee \\ & \vee t_{15}^x t_{22}^y \vee t_{15}^x t_{23}^y \vee t_{16}^x t_{22}^y \vee t_{16}^x t_{23}^y \vee t_{11}^x t_{27}^y \vee t_{17}^x t_{28}^y \vee \\ & \vee t_{19}^x t_{25}^y \vee t_{19}^x t_{27}^y)(t_{11}^x \vee t_{12}^x \vee t_{13}^x \vee t_{14}^x \vee t_{15}^x \vee t_{16}^x \vee t_{17}^x \vee \\ & \vee t_{18}^x \vee t_{19}^x \vee t_{110}^x)(t_{21}^y \vee t_{22}^y \vee t_{23}^y \vee t_{24}^y) = t_{14}^x t_{21}^y \vee t_{15}^x t_{21}^y \vee \\ & \vee t_{15}^x t_{22}^y \vee t_{15}^x t_{23}^y \vee t_{16}^x t_{22}^y \vee t_{16}^x t_{23}^y. \end{aligned} \quad (12)$$

Предикат  $P_{11}(t_1, t_2)$  является результатом операции соединения предикатов  $P_1^1(t_1)$  и  $P_2^1(t_2)$ :

$$P_1^1(t_1) * P_2^1(t_2) = P_{11}(t_1, t_2). \quad (13)$$

В случае сочетания префикса «у-» и основы «работать» слова не образуются:

$$P_1^2(t_1) * P_2^1(t_2) = P_{21}(t_1, t_2); \quad (14)$$

$$\begin{aligned} P_{21}(t_1, t_2) = \lambda(t_1, t_2) P_1^2(t_1) P_2^1(t_2) = & (t_{14}^x t_{27}^y \vee t_{17}^x t_{28}^y \vee \\ & \vee t_{19}^x t_{25}^y \vee t_{19}^x t_{27}^y \vee t_{14}^x t_{21}^y \vee t_{15}^x t_{21}^y \vee t_{12}^x t_{23}^y \vee t_{16}^x t_{22}^y \vee t_{16}^x t_{23}^y) \times \\ & \times (t_{18}^x \vee t_{19}^x \vee t_{110}^x \vee t_{111}^x \vee t_{112}^x \vee t_{113}^x \vee t_{114}^x \vee t_{115}^x \vee t_{116}^x) \times \\ & \times (t_{21}^y \vee t_{22}^y \vee t_{23}^y \vee t_{24}^y) = 0. \end{aligned} \quad (15)$$

Образование связей между множествами семантических ролей префикса «от-» и основы «лететь» дает слово «отлететь», операция соединения предикатов  $P_1^1(t_1)$  и  $P_2^2(t_2)$  дает множество семантических значений слова «отлететь»:

$$P_1^1(t_1) * P_2^2(t_2) = P_{12}(t_1, t_2); \quad (16)$$

$$P_{12}(t_1, t_2) = \lambda(t_1, t_2) P_1^1(t_1) P_2^2(t_2) = (t_{14}^x t_{21}^y \vee t_{15}^x t_{21}^y \vee t_{15}^x t_{22}^y \vee$$

$$\begin{aligned} & \vee t_{15}^x t_{23}^y \vee t_{16}^x t_{22}^y \vee t_{16}^x t_{23}^y \vee t_{16}^x t_{25}^y \vee t_{19}^x t_{27}^y \vee t_{11}^x t_{27}^y \vee t_{17}^x t_{28}^y) \times \\ & \times (t_{11}^x \vee t_{12}^x \vee t_{13}^x \vee t_{14}^x \vee t_{15}^x \vee t_{16}^x \vee t_{17}^x \vee t_{18}^x \vee t_{19}^x \vee t_{110}^x) \times \\ & \times (t_{25}^y \vee t_{26}^y \vee t_{27}^y \vee t_{28}^y) = t_{19}^x t_{25}^y \vee t_{19}^x t_{27}^y \vee t_{11}^x t_{27}^y \vee t_{17}^x t_{28}^y. \end{aligned} \quad (17)$$

Слово «улететь» образуется в результате взаимодействия предикатов  $P_1^2(t_1)$  и  $P_2^2(t_2)$  и характеризуется двумя смысловыми значениями:

$$P_1^2(t_1) * P_2^2(t_2) = P_{22}(t_1, t_2); \quad (18)$$

$$\begin{aligned} P_{22}(t_1, t_2) &= \lambda(t_1, t_2) P_1^2(t_1) P_2^2(t_2) = (t_{14}^x t_{21}^y \vee t_{15}^x t_{21}^y \vee t_{15}^x t_{22}^y \vee \\ & \vee t_{15}^x t_{23}^y \vee t_{16}^x t_{22}^y \vee t_{16}^x t_{23}^y \vee t_{19}^x t_{25}^y \vee t_{19}^x t_{27}^y \vee t_{11}^x t_{27}^y \vee t_{17}^x t_{28}^y) \times \\ & \times (t_{18}^x \vee t_{19}^x \vee t_{110}^x \vee t_{111}^x \vee t_{112}^x \vee t_{113}^x \vee t_{114}^x \vee t_{115}^x \vee t_{116}^x) \wedge \\ & \vee (t_{25}^y \vee t_{26}^y \vee t_{27}^y \vee t_{28}^y) = t_{19}^x t_{25}^y \vee t_{19}^x t_{27}^y. \end{aligned} \quad (19)$$

При образовании слов «отлететь» и «улететь» между множествами семантических ролей префиксов «от-», «у-» и основы «лететь» возникают две одинаковые связи:  $x_9 y_5$  и  $x_9 y_7$ , т. е. в значениях, которые соответствуют этим связям, данные слова являются синонимами. При сравнении предикатов  $P_{12}(t_1, t_2)$  и  $P_{22}(t_1, t_2)$  видно, что

$$P_{22}(t_1, t_2) \rightarrow P_{12}(t_1, t_2). \quad (20)$$

Множество семантических ролей слова «улететь» содержится в множестве семантических ролей слова «отлететь».

Приведенные в данной работе уравнения являются частью математической модели межморфемных отношений. На примере исследования отношения между префиксами и основами показаны и описаны основные закономерности такого типа отношений.

Поступила в редколлегию 18.01.90