

РЕШЕНИЕ ЗАДАЧИ ФУНКЦИОНАЛЬНОГО КОНТРОЛЯ ДИСКРЕТНЫХ  
КАНАЛОВ НА ОСНОВЕ СИГНАТУРНОГО АНАЛИЗА

Внедрение цифровых методов и устройств обработки сигналов в радиотехнических системах (РТС) требует поиска новых подходов к решению задачи оценки их качества функционирования в реальном масштабе времени (задачи функционального контроля). Одним из таких подходов является использование сигнатурного анализа, широко применяемого при создании средств тестового контроля цифровых систем [1], что требует уточнения существующих и введения новых понятий сигнатурного анализа.

Основным понятием сигнатурного анализа является понятие «сигнатура». Согласно работе [2, с. 148], сигнатура — это число, состоящее из четырех знаков (цифр или букв) шестнадцатиричного кода. В соответствии с работой [3, с. 160] сигнатура — это сформированное содержимое регистра после обработки входной последовательности и представленное в шестнадцатиричной форме. По определению, приведенному в работе [1, с. 249], сигнатура — это двоичное число, получаемое в результате преобразования длинных последовательностей двоичных сигналов. Нетрудно заметить, что указанные определения сводятся лишь к особенностям формы числового представления. В связи с этим заслуживает внимания трактовка процедуры образования сигнатуры полинома сжимаемых данных  $A(x)$  как операции деления полинома над полем  $GF(2)$  [4]. Тогда при выбранном полиноме  $P(x)$  частное  $Q(x)$  и остаток  $R(x)$  связаны классическим соотношением вида

$$A(x) = Q(x)P(x) + R(x), \quad (1)$$

где  $\deg R(x) < \deg P(x)$  и  $R(x)$  называется сигнатурой. Данное определение в принципе позволяет рассматривать сигнатуры как элементы конечного поля и теорию сигнатурного функционального контроля развивать на основе фундаментальных положений теории полей Галуа. Однако относительно (1) существует оговорка [4], что при практической реализации сигнатурного анализа процедура деления полинома  $A(x)$  на  $P(x)$  заменяется процедурой псевдоделения с помощью регистра сдвига с обратными связями, и полное математическое описание содержимого  $S$  регистра имеет вид

$$S_i(0) = 0, \quad i = \overline{1, m};$$

$$S_1(k) = a(k) \oplus \sum_{i=1}^m \delta_i S_i(k-1); \quad (2)$$

$$S_j(k) = S_{j-1}(k-1),$$

где  $m = \deg P(x)$ ;  $a(k) \in \{0, 1\}$  —  $k$ -й символ сжимаемой последовательности  $A$ ;  $\delta_i \in \{0, 1\}$  — коэффициент порождающего полинома  $P(x)$ ;  $S_i(k-1) \in \{0, 1\}$  — содержимое  $i$ -го элемента памяти регистра сдвига в  $(k-1)$ -й такт;  $j=2, m$ ;  $k=1, l$ ;  $l$  — количество символов сжимаемой последовательности.

Тогда в смысле (2)  $S(l)$  является псевдосигатурой, описываемой полиномом  $S_l(x)$ . Поскольку  $R(x) \neq S_l(x)$  и между  $R(x)$  и  $S_l(x)$  существует однозначная связь

$$R(x) = M_{P(x)} \times S_l(x) = \begin{pmatrix} \delta_m & 0 & 0 & \dots & 0 & 0 \\ \delta_{m-1} & \delta_m & 0 & \dots & 0 & 0 \\ \delta_{m-2} & \delta_{m-1} & \delta_m & \dots & 0 & 0 \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ \delta_2 & \delta_3 & \delta_4 & \dots & \delta_m & 0 \\ \delta_1 & \delta_2 & \delta_3 & \dots & \delta_{m-1} & \delta_m \end{pmatrix} \times S_l(x), \quad (3)$$

то очевидна неопределенность понятия «сигатура» относительно практически используемой модели (2) в случае, когда степень полинома сжимаемой последовательности меньше степени образующего полинома  $P(x)$ . Действительно, при  $\deg A(x) < \deg P(x)$  понятие сигатуры относительно (1) предполагает равенство  $A(x) = R(x)$ , а относительно (2) данное равенство не всегда выполнимо и, исходя из (3), определяется видом полинома  $P(x)$ . Например, при  $P(x) = x^4 + x^3 + 1$  для последовательности данных 0111, описываемых полиномом  $A(x) = x^2 + x + 1$ ,  $S_4(x) = R(x) = A(x)$ , а при  $P(x) = x^4 + x + 1$ ,  $S_4(x) = x^2 + 1$  и, следовательно,  $S_4(x) \neq R(x)$ . Таким образом, без точно сформулированного понятия сигатуры, в смысле практически используемой модели (2), невозможно дальнейшее расширение множества фундаментальных понятий общей теории сигатурного контроля и диагностики.

Поскольку остаток  $R(x)$  в понятиях теории сравнения чисел является вычетом (остатком) по модулю, т. е.  $R(x) = A(x) \bmod P(x)$ , то с учетом (3) введем следующее определение.

**О п р е д е л е н и е.** *Сигатура потока данных  $A(x)$  есть линейное преобразование результата его полиномиальной свертки по модулю неприводимого примитивного полинома  $P(x)$ , формализованное представление которого имеет вид*

$$\text{sig } A(x) = M_{P(x)}^{-1} [A(x) \bmod P(x)], \quad (4)$$

где  $M_{P(x)}^{-1}$  — матрица, обратная матрице  $M_{P(x)}$ . В связи с (4) следует отметить, что требование неприводимости полинома  $P(x)$  необходимое, но недостаточное условие, чтобы кольцо сигатур было полем. Так, например, полином  $P(x) = x^6 + x^3 + 1$  является неприводимым, однако, количество порождаемых им ненулевых классов сигатур равно только 9 из максимального количества  $L = 2^6 - 1 = 31$ . Из теории полиномов известно, что достаточным

условием обеспечения  $2^m - 1$  ( $m = \deg P(x)$ ) ненулевых остаточных классов является условие, при котором корнем полинома  $P(x)$  будет примитивный элемент поля  $GF(2^m)$ , т. е. условие примитивности  $P(x)$ .

Докажем, что введенная трактовка понятия сигнатуры (4) позволяет рассматривать  $\text{sig } A(x)$  как элемент конечного поля.

**Теорема 1.** Если образующий полином  $P(x)$  является неприводимым примитивным, то алгебра сигнатур является полем.

**Доказательство.** Поскольку множество классов сигнатур, образованное неприводимым примитивным полиномом, является максимально возможным при заданной степени полинома, то множество есть кольцо. В свою очередь, кольцо образует поле, если каждому ненулевому элементу поля соответствует мультипликативный обратный. Пусть  $F(x)$  — некоторый ненулевой элемент кольца. Следовательно,  $\deg F(x) < \deg P(x)$ . Так как  $P(x)$  неприводимый, то наименьший общий делитель для  $F(x)$  и  $P(x)$  равен 1. Тогда существуют полиномы  $Q(x)$  и  $B(x)$  такие, что  $f_m = Q(x)P(x) + B(x)F(x)$ , где  $f_m = [00 \dots 01]_m$ ,  $m = \deg P(x)$ . Следовательно, исходя из (1), получаем

$$\begin{aligned} \text{sig } f_m &= f_m = \text{sig } [Q(x)P(x) + B(x)F(x)] = \text{sig } [B(x)F(x)] = \\ &= M_{P(x)}^{-1} [B(x)F(x)] = M_{P(x)}^{-1} \times M_{P(x)} [\text{sig } B(x)F(x)] = \\ &= I_{P(x)} [\text{sig } B(x)F(x)]. \end{aligned}$$

Таким образом, в кольце сигнатур, образованных полиномом  $P(x)$ ,  $\text{sig } B(x)$  является мультипликативной обратной к  $F(x)$ .

Решим две задачи сигнатурного контроля.

**Задача 1.** Синтезировать алгоритм сигнатурного контроля операции сдвига  $n$ -разрядного кода числа  $a$  влево (в сторону) старших разрядов без потери информации (значений старших разрядов).

Поскольку сдвиг кода числа  $a$  влево на один разряд равноценен увеличению его значения вдвое, то для каждого  $i$ -го такта сдвига справедливо

$$\bar{a}_i = \bar{a}_{i-1} + \bar{a}_{i-1}. \quad (5)$$

**Теорема 2.** Если контрольные характеристики двоичных чисел  $a$  и  $b$  являются сигнатурами, то

$$\text{sig}(a + b) = \text{sig } a \oplus \text{sig } b \oplus \text{sig } H(a + b), \quad (6)$$

где  $H(a + b)$  имеет смысл взаимной полиномиальной характеристики чисел  $a$  и  $b$  при вступлении их в операцию арифметического сложения: единица в коде характеристики ставится в том разряде, в который произошел переход единицы переноса при сложении чисел  $a$  и  $b$  [5].

**Доказательство.** Согласно (6) первым утверждением теоремы является линейность данной сигнатурной функции. Действительно, правая часть равенства (6) хоть и содержит три эле-

мента, но является функцией двух переменных, так как характеристика  $H(a+b)$  однозначно определяется числами  $a$  и  $b$ . Тогда из алгебры Жегалкина следует, что бинарная функция от двух переменных линейна, если она является суммой по модулю два. Для его доказательства воспользуемся первым утверждением и рассмотрим два реальных случая взаимного соответствия кодов чисел:  $a$  и  $b$  поразрядно не совпадают;  $a$  и  $b$  поразрядно полностью совпадают. Тогда для первого случая имеем  $a+b = a \oplus b$ , а для второго —  $a+b = a \oplus a \oplus H(a+a) = H(a+a)$ , что и требовалось доказать.

С учетом (6) для (5) получим

$$\text{sig } a_i = \text{sig } H(a_{i-1} + a_{i-1}). \quad (7)$$

Однако алгоритм (правило) сигнатурного контроля (7) для операции (5) не является единственным. Введем понятие двухкрат-

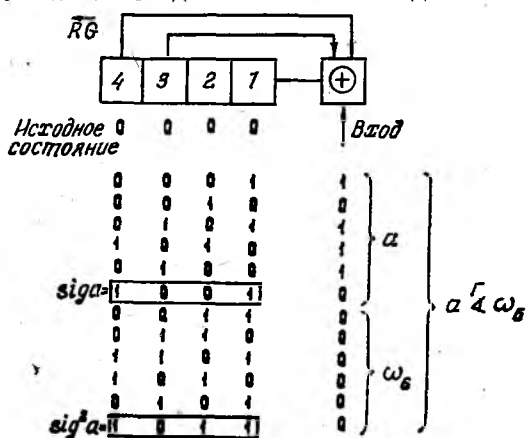


Рис. 1

ной ( $\alpha$ -кратной) сигнатуры  $n$ -разрядного числа  $a$ . Иллюстрация формирования двухкратной сигнатуры  $\text{sig}^2 a$  приведена на рис. 1, откуда следует, что двухкратная сигнатура числа  $a$  — это сигнатура преобразованного числа вида  $a \triangleleft \omega_n$ , где  $\triangleleft$  — знаки операции конкатенации и отношения предшествования;  $\omega_n = \equiv [00 \dots 0]_n$  — нулевое число  $n$ -й разрядности. Тогда  $a$  — кратная сигнатура числа;  $a$  — это  $\text{sig}(a \triangleleft \omega_g)$ , где  $g = (\alpha = 1)_n$ ;  $\alpha = 1, 2, \dots$

**Теорема 3.** Для пары чисел  $a$  и  $b$  таких, что  $b = 2a$

$$\text{sig } b = \text{sig } H(a + a) = \hat{H}(\text{sig } a + \text{sig } a) \oplus f_m \sum_{j=1}^m \delta_j S_j, \quad (8)$$

где  $\hat{H}(\text{sig } a + \text{sig } a)$  — значение ( $m$ -разрядный код)  $m$  младших разрядов характеристики  $H(\text{sig } a + \text{sig } a)$ ;  $f_m = \equiv [00 \dots 01]_m = \text{const}$ ;  $S_j$  — значение  $j$ -го ( $S_m$  — старший,  $S_1$  — младший) разряда сигнатуры числа  $a$ .

**Доказательство.** Справедливость левой части равенства (8) вытекает из представления сигнатуры арифметической суммы (6). Относительно операции сдвига  $n$ -разрядного кода числа  $a$  в сторону старших разрядов на один разряд  $b = a \ll 1$ . Тогда

$$\text{sig } b = \text{sig}^\alpha a, \alpha = 1 + 1/n.$$

Поскольку при  $P(x) = \delta_m x^m + \delta_{m-1} x^{m-1} + \dots + \delta_1 x + 1$  результат рекурсии на каждом такте сдвига определяется величиной

$$f_m \sum_{j=1}^m \otimes_{\delta_j} S_j,$$

то в пределах  $m$ -разрядной сетки представления двоичных чисел

$$\text{sig}^{(1+1/n)} a = \hat{H}(\text{sig } a + \text{sig } a) \oplus f_m \sum_{j=1}^m \otimes_{\delta_j} S_j,$$

что и требовалось доказать.

С учетом утверждения (8) для (5) имеем

$$\text{sig } \bar{a}_i = \hat{H}(\text{sig } \bar{a}_{i-1} + \text{sig } \bar{a}_{i-1}) \oplus f_m \sum_{j=1}^m \otimes_{\delta_j} S_{j(i-1)}. \quad (9)$$

**Задача 2.** Контролируется ход решения задачи поиска экстремума, последовательность текущих результатов которой сводится к последовательности чисел Фибоначчи [7].

Формализованное условие контроля хода данной вычислительной задачи представим в виде

$$\forall x \in X \forall y \in Y \exists x_0 \in Y_0 \{ (y_0 \in Y_0) - (y = \Psi(x)) \} = \Delta, \quad (10)$$

где  $X, Y$  — множество входных данных и множество возможных результатов решения задачи;  $Y_0 \subset Y$  — множество эталонных решений;  $\Psi$  — оператор отображения  $X$  в  $Y$  (алгоритм задачи);  $\Delta$  — множество констант, отражающих детерминированные свойства решения задачи.

Исходя из (10), задачу синтеза алгоритма контроля последовательности текущих результатов сформулируем следующим образом. Во-первых, необходимо отыскать такое подмножество  $Y_\Delta \subset Y$  и правило его использования  $G$  с тем, чтобы  $|Y_\Delta| < |Y|$ . Во-вторых, требуется определить оператор отображения подмножества  $Y_\Delta$  в соответствующее множество контрольных характеристик таких, что  $|Y_\Delta^k| < |Y_\Delta|$ , и найти при этом адекватное правило контроля относительно  $Y_\Delta^k$ .

Все числа в ряде Фибоначчи связаны зависимостью [7]  $u_i = u_{i+2} - u_{i+1}$  (11), и так как  $u_{i+1} < u_{i+2}$ , то для дополнительного кода мантиссы числа  $(-u_{i+1})$  с учетом (6) имеем

$$(-u_{i+1})_{\text{доп}} = u_{i+1} \oplus d \oplus f \oplus \hat{H}[(u_{i+1} \oplus d) + f], \quad (12)$$

где  $d = [11 \dots 11]_n = \text{const}$ ;  $f = [00 \dots 01]_n = \text{const}$ ;  $n$  — разрядность представления чисел Фибоначчи;  $\hat{H}[(u_{i+1} \oplus d) + f]$  — значение  $n$  младших разрядов взаимной полиномиальной характеристики  $H[(u_{i+1} \otimes d) + f]$ . Тогда представление разности (11) с учетом (6), (12) будет иметь вид

$$u_i = u_{i+2} \oplus u_{i+1} \oplus d \oplus f \oplus \hat{H}[(u_{i+1} \oplus d) + f] \oplus \oplus \hat{H}[u_{i+2} + (u_{i+1} \oplus d \oplus f \oplus \hat{H}[(u_{i+1} \oplus d) + f])]. \quad (13)$$

В результате простого преобразования (13) получим

$$\hat{H}(d + f) = d \oplus f = \hat{H}(u_i + u_{i+1}) \oplus \hat{H}[(u_{i+1} \oplus d) + f] \oplus \oplus \hat{H}[u_{i+2} + (u_{i+1} \oplus d \oplus f \oplus \hat{H}[(u_{i+1} \oplus d) + f])]. \quad (14)$$

Так как  $d \oplus f = \text{const}$ , то (14) является функцией-константой и этот факт указывает на постоянство отношения порядка между каждой парой  $(u_{i+1}, u_{i+2})$ , т. е. что не всякие два числа, произвольно выбранные относительно числа  $u_i$ , связаны зависимостью (11). Это позволяет (14) трактовать как искомое правило  $G$ .

Введем понятие сигнатуры  $n$ -разрядного числа  $a$ . Иллюстрация формирования  $\text{sig } a$  приведена на рис. 2.

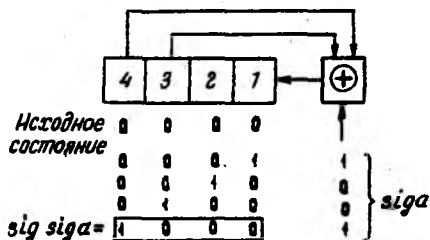


Рис. 2

**Теорема 4.** Если числа  $a_i$  и их сигнатуры  $\text{sig } a_i$  — элемент одного поля  $GF(2^m)$  ( $m = \deg P(x)$ ), то результат суммы  $a_i \oplus \text{sig } \text{sig } a_i$  есть нулевой элемент данного поля.

**Доказательство.** Из условия принадлежности  $a_i$  и  $\text{sig } a_i$  одному полю следует, что  $\deg a_i(x) < \deg P(x)$  и  $\deg \text{sig } a_i(x) < \deg P(x)$ . Тогда

$$\text{sig } a_i(x) = M_{P(x)}^{-1} [a_i(x) \bmod P(x)] = M_{P(x)}^{-1} a_i(x)$$

и, следовательно,

$$\begin{aligned} \text{sig } \text{sig } a_i(x) &= M_{P(x)}^{-1} [M_{P(x)}^{-1} a_i(x)] \bmod P(x) = \\ &= M_{P(x)}^{-1} \text{sig } a_i(x) = a_i(x), \end{aligned}$$

что и требовалось доказать.

**Теорема 5.** Если для пар чисел  $(a, b)$  множества поля  $GF(2^n)$  существует примитивно-рекурсивная функция, оператором примитивной рекурсии которой является оператор образования взаимной полиномиальной характеристики, то в поле  $GF(2^m)$  ( $m < n$ ) обязательно найдется подмножество пар  $(\text{sig } a, \text{sig } b)$  и  $(\text{sig } \text{sig } a, \text{sig } \text{sig } b)$  таких, что данная функция также будет примитивно-рекурсивной.

Доказательство. В поле  $GF(2^n)$  всегда есть пары чисел  $(a, b)$ , а в поле  $GF(2^m)$  найдутся пары чисел  $(a', b')$ , для которых  $\deg a, \deg b, \deg a', \deg b' < \deg P(x)$  и  $a' = \text{sig } a = \text{sig sig } a$  и  $b' = \text{sig } b = \text{sig sig } b$ . Кроме того, в зависимости от состава членов степеней, меньших  $m$  в полиноме  $P(x)$ , как среди пар  $(a, b)$  поля  $GF(2^n)$ , так и пар  $(a', b')$  поля  $GF(2^m)$ , найдутся такие пары, что  $\deg a, \deg b, \deg a', \deg b' < \deg P(x)$ , а  $a \neq \text{sig } a, b \neq \text{sig } b, a' \neq \text{sig } a', b' \neq \text{sig } b'$ . Тогда, исходя из теоремы 4, для таких пар  $a \oplus \text{sig sig } a = b \oplus \text{sig sig } b = a' \oplus \text{sig } a' = b' \oplus \text{sig } b' = [00 \dots 00]_n$ , что, в свою очередь, указывает на наличие хотя бы двух разных подмножеств пар  $(a, b)$  поля  $GF(2^n)$  и двух разных подмножеств пар  $(a', b')$  поля  $GF(2^m)$ , которые соответственно изоморфны относительно операций  $\text{sig}$  и  $\text{sig sig}$ , что и требовалось доказать.

Таким образом, на основании теорем 4 и 5 операторами отображения подмножества  $Y_\Delta$  в соответствующее множество контрольных характеристик  $Y_\Delta^k$  будут являться операторы  $\text{sig}$  и  $\text{sig sig}$ . Тогда адекватными правилами контроля относительно  $Y_\Delta^k$  будут правила

$$d_m \oplus f_m = \hat{H}(\text{sig } u_i + \text{sig } u_{i+1}) \oplus \hat{H}[(\text{sig } u_{i+1} \oplus d_m^k) + f_m] \oplus \oplus \hat{H}[(\text{sig } u_{i+2} \oplus \hat{H}(\text{sig } u_i + \text{sig } u_{i+1}) \oplus \text{sig } H(u_i + u_{i+1})) + + (\text{sig } u_{i+1} \oplus d_m \oplus f_m \oplus \hat{H}[(\text{sig } u_{i+1} \oplus d_m^k) + f_m])]; \quad (15)$$

$$d_m \oplus f_m = \hat{H}(\text{sig sig } u_i + \text{sig sig } u_{i+1}) \oplus \hat{H}[(\text{sig sig } u_{i+1} \oplus d_m^k) + f_m] \oplus \oplus \hat{H}[(\text{sig sig } u_{i+2} \oplus \hat{H}(\text{sig sig } u_i + \text{sig sig } u_{i+1}) \oplus \text{sig sig } H(u_i + u_{i+1})) + + (\text{sig sig } u_{i+1} \oplus d_m \oplus f_m \oplus \hat{H}[(\text{sig sig } u_{i+1} \oplus d_m^k) + f_m])], \quad (16)$$

где  $d_m = [11 \dots 11]_m$ ;  $f_m = [00 \dots 01]_m$ ;  $m$  — разрядность сигнатур чисел. Тогда в смысле (15) и (16)  $Y_\Delta^k = d_m \oplus f_m = \text{const}$ .

По завершении процесса контроля предсказанием сигнатур ряд Фибоначчи признается правильным, если выполняется формализованное условие

$$\forall r \in R \exists s, (r - s) \in R \forall y \in YF \{[(y_0 = Y_\Delta^k) \oplus (y = f(s, r - s))]\} = 0, \quad (17)$$

где  $R$  — множество чисел в ряде Фибоначчи (подгруппа поля  $GF(2^n)$ );  $s, r$  — смежные числа ряда ( $s < r$ );  $Y$  — множество сумм по модулю для всех возможных полиномиальных характеристик (элементы поля  $GF(2^m)$ );  $Y_\Delta^k = d_m \oplus f_m$  — эталон суммы ( $Y_\Delta^k \in Y$ );  $f(s, r - s)$  — функция узла контроля (правая часть равенства (15) или (16)).

В связи с полученными результатами необходимо отметить, что правила (7), (9) сигнатурного контроля предсказанием не являются единственно возможными относительно введенного поня-

тия  $\alpha$ -кратной сигнатуры двоичного числа. Проведенные исследования показали [5; 6], что правила сигнатурного контроля предсказанием возможны для формировавателей любого ряда чисел, отношением порядка которого является примитивно-рекурсивная зависимость (например, все виды регистровых операций). В свою очередь, правила (15), (16) универсальны для любого ряда чисел, связанных рекурсивной зависимостью вида (11). Как следует из (17), выбор конкретного ряда предсказуемо контролируемой последовательности чисел полностью определяется исходными данными:  $s, r-s$  ( $s \ll r$ ).

**Список литературы:** 1. Лихтциндер Б. Я., Кузнецов В. Н. Микропроцессоры и вычислительные устройства в радиотехнике. К., 1988. 272 с. 2. Мирский Г. Я. Микропроцессоры в измерительных приборах. М., 1984. 160 с. 3. Гуляев В. А., Чаплыга В. М., Кедровский И. В. Методы и средства обработки диагностической информации в реальном времени. К., 1986. 224 с. 4. Ярмолик В. Н. Контроль и диагностика цифровых узлов ЭВМ. Минск, 1988. 240 с. 5. Тупкало В. Н. Контроль логических операций на основе использования сигнатур//АСУ и приборы автоматики. 1988. Вып. 86. С. 70—77. 6. Чинков В. Н., Тупкало В. Н., Тупкало Н. Г. Повышение эффективности живучих ИВС на основе реализации сигнатурного контроля вычислительных операций//Живучесть и реконфигурация информационно-вычислительных и управляющих систем: Тез. докл. Второй Всесоюз. конф. Алушта, 1988. С. 102—103. 7. Воробьев Н. Н. Числа Фибоначчи. М., 1984. 144 с.

*Поступила в редколлегию 28.02.89*

УДК 621.396.662

**А. В. ТКАЧЕНКО**, канд. техн. наук, **С. А. КРАСИКОВ**

### **СТАТИСТИЧЕСКАЯ СЛЕДЯЩАЯ СИСТЕМА РАСПОЗНАВАНИЯ ДВОИЧНЫХ СИГНАЛОВ**

Анализ структур приемников различения двух видов сигналов в системах передачи информации (СПИ) показывает, что все широко применяемые методы основаны на использовании устройств сравнения, генераторов сигналов, интеграторов, пороговых, исполнительных, решающих и других устройств [1; 2]. Их применение не всегда отвечает требованиям достоверности приема, универсальности, адаптивности к изменениям параметров распознаваемых сигналов [1].

Использование современных вычислительных систем, способных реализовывать достаточно эффективные алгоритмы распознавания двоичных сигналов, на базе аналого-цифровых преобразователей (АЦП) и микропроцессоров, как правило, нецелесообразно из-за относительно высокой сложности программного обеспечения, отладки, диагностики и, как следствие, низкой надежности и высокой стоимости. Применяемые в них высокоразрешающие АЦП последовательного действия мало пригодны для обработки сигналов, поступающих с большой скоростью [3], которая входит в про-