



## АДАПТИВНЫЙ РЕГУЛЯТОР С АКТИВНЫМ НАКОПЛЕНИЕМ ИНФОРМАЦИИ

АДОНИН О.В., БОДЯНСКИЙ Е.В.,  
КОТЛЯРЕВСКИЙ С.В.

Рассматривается задача адаптивного управления динамическим стохастическим нестационарным объектом в условиях неопределенности относительно дрефующих параметров и возмущающих помех. Предлагается алгоритм с активным накоплением информации, который дает качество управления лучшее, чем адаптивный регулятор с обобщенной минимальной дисперсией, построенный на принципе стохастической эквивалентности.

В [1] предложен регулятор, реализующий стохастически эквивалентный закон управления с обобщенной минимальной дисперсией, в котором истинные параметры объекта или, что то же самое, оптимальные параметры регулятора заменены своими оценками, полученными в контуре адаптации. Поскольку в процессе управления, особенно в нестационарных режимах, оценки могут быть сколь угодно далеки от оптимальных значений, качество процесса управления может быть недостаточно высоким, а о его оптимальности можно судить лишь в асимптотике.

Улучшить характеристики адаптивного регулятора можно, придав ему свойства дуального управления, т.е. организовав процесс активного накопления информации в контуре адаптации.

Введем критерий инновационного дуального управления [2]:

$$I_t^{IDC} = M \left\{ \tilde{y}^2(t+d) - \lambda(t) v_{PR}^2(t+d) \middle| F_t \right\}, \quad (1)$$

где  $v_{PR}(t+d) = \tilde{y}(t+d) - \hat{\theta}^T(t)\varphi(t+d)$  – ошибка прогноза;  $\lambda(t)$  – коэффициент, задающий компромисс между процессами управления и настройки такой, что  $0 \leq \lambda(t) \leq 1$ .

Точность настройки будем характеризовать ковариационной матрицей  $P_\Theta(t)$ , которую представим в виде

$$P_\Theta(t) = M \left\{ (\theta - \hat{\theta}(t))(\theta - \hat{\theta}(t))^T \middle| F_t \right\} = \begin{pmatrix} P_{m_0}(t) & \vdots & P_{m_0\ell}^T(t) \\ \dots & \vdots & \dots \\ P_{m_0\ell}(t) & \vdots & P_\ell(t) \end{pmatrix}.$$

Учитывая очевидные соотношения

$$M \left\{ v_{PR}^2(t+d) \middle| F_t \right\} = \varphi^T(t+d) P_\Theta(t) \varphi(t+d) + \sigma_{v_p}^2, \\ M \left\{ \tilde{y}^2(t+d) \middle| F_t \right\} = (\hat{\Theta}^T(t)\varphi(t+d))^2 + \\ + \varphi^T(t+d) P_\Theta(t) \varphi(t+d) + \sigma_{v_p}^2,$$

перепишем (1) в виде

$$I_t^{IDC} = (1 - \lambda(t))(\varphi^T(t+d) P_\Theta(t) \varphi(t+d) + \\ + \sigma_{v_p}^2) + (\hat{\Theta}^T(t)\varphi(t+d))^2 = \\ = u^2(t)((1 - \lambda(t))P_{m_0}(t) + \hat{m}_0^2(t)) + \\ + 2u(t)(1 - \lambda(t))P_{m_0\ell}^T(t)\psi(t) + \\ + \hat{m}_0\hat{\ell}^T(t)\psi(t) + (1 - \lambda(t))(\psi^T(t) \times \\ \times P_\ell(t)\psi(t) + \sigma_{v_p}^2) + (\hat{\ell}^T\psi(t))^2,$$

после чего, решив уравнение

$$\frac{\partial I_t^{IDC}}{\partial u(t)} = 0,$$

несложно получить закон управления в виде

$$u^{IDC} = - \frac{(1 - \lambda(t))P_{m_0}^T \ell(t) + \hat{m}_0(t)\hat{\ell}^T(t)}{(1 - \lambda(t))P_{m_0} \ell(t) + \hat{m}_0^2(t)} \psi(t) = \\ = - \frac{\alpha^T(t)}{\gamma(t)} \psi(t). \quad (2)$$

Из формулы (2) видно, что при  $\lambda(t) = 1$  приходим к стохастически эквивалентному регулятору

$$u^{IDC}(t, \lambda(t) = 1) = u^{CE}(t) = - \frac{\hat{\ell}^T(t)}{\hat{m}_0(t)} \psi(t), \quad (3)$$

а при  $\lambda(t) = 0$  получаем осторожное оптимальное управление [3]:

$$u^{IDC}(t, \lambda(t) = 0) = u^{CAUT}(t) = \\ = - \frac{P_{m_0\ell}^T(t) + \hat{m}_0(t)\hat{\ell}^T(t)}{P_{m_0}(t) + \hat{m}_0^2(t)} \psi(t) = - \frac{\delta^T(t)}{\varepsilon(t)} \psi(t).$$

Для случая, когда  $0 < \lambda(t) < 1$  и  $P_{m_0}(t) > 0$ , определяем соотношения:

$$\beta(t) = (1 - \lambda(t))P_{m_0}(t) + \hat{m}_0^2(t), \quad (4)$$

$$\frac{\hat{m}_0^2(t)}{\beta(t)} < 1, \quad (5)$$

$$\frac{P_{m_0}(t) + \hat{m}_0^2(t)}{\beta(t)} > 0. \quad (6)$$

Тогда закон управления (2) можно представить в виде

$$U^{IDC}(t) = U^{CE}(t) \frac{\hat{m}_0^2(t)}{\beta(t)} + (1-\lambda(t)) \frac{P_{m_0}^T(t)}{\beta(t)} \psi(t). \quad (7)$$

Первое слагаемое в (7) – это собственно управляющее воздействие, а второе – зондирующий сигнал, обеспечивающий активное накопление информации. Поскольку в (7) управление  $u^{CE}(t)$  масштабируется коэффициентом, который меньше единицы, то очевидно, что  $u^{IDC}(t)$  более осторожно, чем  $u^{CE}(t)$ , но менее, чем  $u^{CAUT}(t)$ . Используя соотношения (4)-(6),  $u^{IDC}(t)$  можно также записать в форме

$$u^{IDC}(t) = u^{CE}(t) \frac{\hat{m}_0^2(t)}{\beta(t)} + (1-\lambda(t)) \frac{P_{m_0}^T(t)}{\beta(t)} \psi(t),$$

откуда видно, что чем больше коэффициент при  $u^{CAUT}(t)$ , тем больше сигнал зондирующего воздействия.

Оценим качество рассмотренных законов управления с точки зрения критерия с обобщенной минимальной дисперсией, для чего представим его в виде

$$\begin{aligned} I_t^{GMV} &= M\{\tilde{y}^2(t+d)|F_t\} = (\hat{\theta}^T(t)\varphi(t+d))^2 + \\ &+ \varphi^T(t+d)P_{\theta}(t)\varphi(t+d) + \sigma_{v_p}^2 = \\ &= u^2(t)(P_{m_0}(t) + \hat{m}_0^2(t)) + 2u(t)(P_{m_0}^T(t)\psi(t) + \\ &+ \hat{m}_0(T)\hat{\ell}^T(t)\psi(t)) + \psi^T(t)P_{\ell}(t)\psi(t) + \sigma_{v_p}^2 + \\ &+ (\hat{\ell}^T(t)\psi(t))^2 = u^2(t)\varepsilon(t) + 2u(t)\delta^T(t)\psi(t) + 0(t), \end{aligned} \quad (8)$$

где  $0(t)$  – члены, не зависящие от управляющего сигнала  $u(t)$ .

Видно, что минимум (8) доставляет осторожный регулятор

$$u^{CAUT}(t) = -\frac{\delta^T(t)}{\varepsilon(t)} \psi(t),$$

при этом

$$I_t^{GMV}(u^{CAUT}(t)) = -\frac{(\delta^T(t)\psi(t))^2}{\varepsilon(t)} + 0(t) > 0.$$

Стохастически эквивалентный регулятор (3) доставляет (8) значения

$$\begin{aligned} I_t^{GMV}(u^{CE}(t)) &= \frac{(\ell^T(t)\psi(t))^2}{\hat{m}_0^2(t)} \varepsilon(t) - \\ &- 2 \frac{\hat{\ell}^T(t)\psi(t)}{\hat{m}_0(t)} \delta^T(t)\psi(t) + 0(t), \end{aligned}$$

при этом несложно видеть, что

$$\begin{aligned} I_t^{GMV}(u^{CE}(t)) - I_t^{GMV}(u^{CAUT}(t)) &= \\ &= \frac{(\hat{\ell}^T(t)\psi(t))^2}{\hat{m}_0^2(t)} \varepsilon(t) - 2 \frac{\hat{\ell}^T(t)\psi(t)}{\hat{m}_0(t)} \delta^T(t)\psi(t) + \\ &+ \frac{(\delta^T(t)\psi(t))^2}{\varepsilon(t)} = \varepsilon(t) \left( \frac{(\hat{\ell}^T(t)\psi(t))^2}{\hat{m}_0^2(t)} - \right. \\ &\left. - 2 \frac{\hat{\ell}^T(t)\psi(t)\delta^T(t)\psi(t)}{\hat{m}_0(t)\varepsilon(t)} + \frac{(\delta^T(t)\psi(t))^2}{\varepsilon^2(t)} \right) = \\ &= \varepsilon(t) \left( \frac{\hat{\ell}^T(t)}{\hat{m}_0(t)} \psi(t) - \frac{\delta^T(t)}{\varepsilon(t)} \psi(t) \right)^2 = \\ &= \varepsilon(t) (u^{CE}(t) - u^{CAUT}(t))^2 \geq 0, \end{aligned}$$

т.е. осторожный регулятор всегда лучше стохастически эквивалентного, но при этом не обеспечивает активного накопления информации по ходу процесса управления.

Подставляя в (8) (2), получаем

$$\begin{aligned} I_t^{GMV}(u^{IDC}(t)) &= \frac{(\lambda^T(t)\psi(t))^2}{\gamma^2(t)} \varepsilon(t) - \\ &- 2 \frac{\lambda^T(t)\psi(t)}{\gamma(t)} \delta^T(t)\psi(t) + 0(t), \end{aligned}$$

после чего, вычисляя разность

$$\begin{aligned} I_t^{GMV}(u^{CE}(t)) - I_t^{GMV}(u^{IDC}(t)) &= \\ &= \frac{(\lambda^T(t)\psi(t))^2}{\hat{m}_0^2(t)} \varepsilon(t) - 2 \frac{\lambda^T(t)\psi(t)}{\hat{m}_0(t)} \delta^T(t)\psi(t) - \\ &- \frac{(\lambda^T(t)\psi(t))^2}{\gamma^2(t)} \varepsilon(t) + 2 \frac{\lambda^T(t)\psi(t)}{\gamma(t)} \delta^T(t)\psi(t) = \\ &= \varepsilon(t) \left( \frac{(\lambda^T(t)\psi(t))^2}{\hat{m}_0^2(t)} - 2 \frac{\lambda^T(t)\psi(t)\delta^T(t)\psi(t)}{\hat{m}_0(t)\varepsilon(t)} - \right. \\ &- \frac{(\lambda^T(t)\psi(t))^2}{\gamma^2(t)} + 2 \frac{\lambda^T(t)\psi(t)\delta^T(t)\psi(t)}{\gamma(t)\varepsilon(t)} + \\ &\left. + \frac{(\delta^T(t)\psi(t))^2}{\varepsilon^2(t)} - \frac{(\delta^T(t)\psi(t))^2}{\varepsilon^2(t)} \right) = \\ &= \varepsilon(t) \left( (u^{CE}(t) - u^{CAUT}(t))^2 - \right. \\ &\left. - (u^{IDC}(t) - u^{CAUT}(t))^2 \right), \end{aligned} \quad (9)$$

получаем, что при

$$\begin{aligned} &\left( u^{IDC}(t, \lambda(t)=1) - u^{IDC}(t, \lambda(t)=0) \right)^2 > \\ &> \left( u^{IDC}(t) - u^{IDC}(t, \lambda(t)=0) \right)^2 \geq 0 \end{aligned} \quad (10)$$

адаптивный регулятор с активным накоплением информации (2) обеспечивает качество управления не хуже, чем стохастически эквивалентный регулятор Кларка-Гофтропа [4], активно влияя при этом на процесс адаптации.

Неравенство (10) свидетельствует о существовании значений коэффициента  $\lambda(t)$ , обеспечивающих более высокое качество управления, но не дает алгоритма его вычисления. Чтобы определить требуемое значение этого коэффициента, необходимо организовать дополнительный контур адаптации. Для этого переформулируем задачу управления следующим образом: пусть целью адаптивной системы является оптимизация ошибки прогноза

$$I_t^{PR} = M \left\{ \sigma_{PR}^2(t+d) | F_t \right\},$$

при ограничениях вида (9)

$$\varepsilon(e) \left( (u(t) - u^{CAUT}(t))^2 - (u^{CE}(t) - u^{CAUT}(t))^2 \right) \leq 0.$$

Формируя лагранжиан

$$\begin{aligned} L_t &= -I_t^{PR} + \rho \varepsilon(t) \left( (u(t) - u^{CAUT}(t))^2 - \right. \\ &\quad \left. - (u^{CE}(t) - u^{CAUT}(t))^2 \right) = \\ &= -\varphi^T(t+d) P_\theta(t) \varphi(t+d) - \sigma_{v_p}^2 + \\ &+ \rho \varepsilon(t) \left( (u(t) - u^{CAUT}(t))^2 - \right. \\ &\quad \left. - (u^{CE}(t) - u^{CAUT}(t))^2 \right) = -u^2(t) P_{m_0}(t) - \\ &\quad - 2u(t) P_{m_0 \ell}^T \psi(t) - \psi^T(t) P_\ell(t) \psi(t) - \sigma_{v_p}^2 + \\ &+ \rho \varepsilon(t) \left( u^2(t) - 2u(t) u^{CAUT}(t) + (u^{CAUT}(t))^2 - \right. \\ &\quad \left. - (u^{CE}(t) - u^{CAUT}(t))^2 \right) \end{aligned}$$

(здесь  $\rho$  – неотрицательный неопределенный множитель Лагранжа) и оптимизируя его с помощью процедуры Эрроу-Гурвица-Удзава, получаем регулятор с дополнительным контуром адаптации:

$$\begin{cases} u^{PR}(t) = - \frac{\rho(t) \varepsilon(t) u^{CAUT}(t) + P_{m_0 \ell}^T(t) \psi(t)}{P_{m_0}(t) - \rho(t) \varepsilon(t)}, \\ \rho(t+1) = \left[ \rho(t) + \Gamma_\rho(t+1) \varepsilon(t) \left( (u^T(t) - \right. \right. \\ \left. \left. - u^{CAUT}(t))^2 - (u^{CE}(t) - u^{CAUT}(t))^2 \right) \right]_+, \end{cases} \quad (11)$$

где  $\Gamma_\rho(t+1)$  – параметр шага поиска;  $[P]_+ = \max\{0, P\}$ ,  $\rho(t)$  – настраиваемый множитель Лагранжа.

Первое соотношение (11) может быть преобразовано к форме

$$\begin{aligned} u^{PR}(t) &= - \frac{-\rho(t) \varepsilon(t) \frac{\delta^T(t)}{\varepsilon(t)} \psi(t) + P_{m_0 \ell}^T(t) \psi(t)}{P_{m_0}(t) - \rho(t) \varepsilon(t)} = \\ &= - \frac{(\rho(t) - 1) P_{m_0 \ell}^T(t) + \rho(t) \hat{m}_0(t) \hat{\ell}^T(t)}{(\rho(t) - 1) P_{m_0}(t) + \rho(t) \hat{m}_0^2(t)} \psi(t) = \\ &= - \frac{\left( 1 - \frac{1}{\rho(t)} \right) P_{m_0 \ell}^T(t) + \hat{m}_0(t) \hat{\ell}^T(t)}{\left( 1 - \frac{1}{\rho(t)} \right) P_{m_0}(t) + \rho(t) \hat{m}_0^2(t)} \psi(t), \quad (12) \end{aligned}$$

откуда видно, что при  $\lambda(t) = \rho^{-1}(t)$  алгоритм (12) совпадает с регулятором (2).

Следует отметить, что по сравнению с регулятором (2), введенным в [5], процедура (11) обладает более широкими возможностями. Так, введение дополнительного контура адаптации позволяет автоматически устанавливать компромисс между процессами настройки и управления. Кроме того, при  $0 \leq \rho < 1$  предлагаемый алгоритм работает в режиме оценок [6], которого нет в (2).

Трудности использования рассмотренных регуляторов связаны, прежде всего, с необходимостью знания  $\sigma_{v_p}^2$ . Поскольку в большинстве практических задач этой информации нет, необходимо искать альтернативные подходы к синтезу адаптивных регуляторов с активным накоплением информации. Для этого введем в рассмотрение критерий, аналогичный критерию активно-адаптивного управления Гудвина-Пэйна [7]:

$$I_t^{AAC} = M \left\{ \hat{y}(t+d) - \tilde{\lambda}(t) \frac{\det P_\varphi(t+d-1)}{\det P_\varphi(t+d)} | F_t \right\}, \quad (13)$$

где

$$\begin{aligned} P_\varphi(t+d) &= \begin{pmatrix} \tilde{P}_{m_0}(t+d) & \vdots & \tilde{P}_{m_0 \ell}^T(t+d) \\ \dots & \vdots & \dots \\ \tilde{P}_{m_0 \ell}(t+d) & \vdots & \tilde{P}_\ell(t+d) \end{pmatrix} = \\ &= \sigma_{v_p}^2 P_\theta(t+d) \end{aligned}$$

вычисляется с помощью второго соотношения с учетом очевидного соотношения

$$\det P_\varphi(t+d) = \frac{\det P_\varphi(t+d-1)}{1 + \varphi^T(t+d) P_\varphi(t+d-1) \varphi(t+d)}.$$

Критерий (13) может быть переписан в виде

$$I_t^{AAC} = (\hat{\theta}^T(t)\varphi(t+d))^2 - \tilde{\lambda}(t)(1 + \varphi^T(t+d) \times \\ \times P_\varphi(t+d-1)\varphi(t+d) = u^2(t)\hat{m}_0^2(t) + \\ + 2u(t)\hat{m}_0(t)\hat{\ell}^T(t)\psi(t) + (\hat{\ell}^T(t)\psi(t))^2 - \\ - \tilde{\lambda}(t)(1 + u^2(t)\tilde{P}_{m_0}^2(t+d-1) + 2u(t) \times \\ \times \tilde{P}_{m_0\ell}^T(t+d-1)\psi(t) + \psi^T(t)\tilde{P}_\ell(t+d-1)\psi(t),$$

откуда несложно получить

$$u^{AAC}(T) = - \frac{\hat{m}_0(t)\hat{\ell}^T(t) - \tilde{\lambda}(t)\tilde{P}_{m_0\ell}^T(t+d-1)}{\hat{m}_0^2(t) - \tilde{\lambda}(t)\tilde{P}_{m_0}(t+d-1)} \psi(t). \quad (14)$$

Видно, что при  $\lambda(t) = 1 + \tilde{\lambda}(t)\sigma_{\nu_p}^2$  алгоритм (14) полностью совпадает с (2), обеспечивая при  $\tilde{\lambda}(t) = 0$  режим стохастической эквивалентности, а при  $\tilde{\lambda}(t) = -\sigma_{\nu_p}^{-2}$  – оптимальный режим осторожности.

Трудности с выбором значения  $\tilde{\lambda}(t)$  заставляют переформулировать задачу управления следующим образом: максимизировать на каждом шаге отношение  $\det P_\varphi(t+d-1)/\det P_\varphi(t+d)$  при текущих ограничениях на ошибку прогнозирования  $\hat{y}^2(t+d) = (\hat{\theta}^T(t)\varphi(t+d))^2 \leq Y^2(t)$  и энергетику управляющего сигнала  $u^2(t) \leq U^2(t)$ .

Формируя лагранжиан

$$L_t = -1 - \varphi^T(t+d)P_\varphi(t+d-1)\varphi(t+d) + \\ + \tilde{\rho}((\hat{\theta}^T(t)\varphi(t+d))^2 - Y^2(t)) + \\ + \tilde{\mu}(u^2(t) - U^2(t)) = -1 - u^2(t)\tilde{P}_{m_0}(t+d-1) - \\ - 2u(t)\tilde{P}_{m_0\ell}^T(t+d-1)\psi(t) - \psi^T(t) \times \\ \times \tilde{P}_\ell(t+d-1)\psi(t) + \tilde{\rho}(u^2(t)\hat{m}_0^2(t) + \\ + 2u(t)\hat{m}_0(t)\hat{\ell}^T(t)\psi(t) + (\hat{\ell}^T(t)\psi(t))^2 - \\ - Y^2(t)) + \tilde{\mu}(u^2(t) - U^2(t))$$

(здесь  $\tilde{\rho}$ ,  $\tilde{\mu}$  – неотрицательные множители Лагранжа) и оптимизируя его с помощью процедуры Эрроу-Гурвица-Удзавы, получаем алгоритм управления

$$\left\{ \begin{aligned} \tilde{u}^{AAC}(t) &= \\ &= - \frac{\tilde{\rho}(t)\hat{m}_0(t)\hat{\ell}^T(t) - \tilde{P}_{m_0\ell}^T(t+d-1)}{\rho(t)\hat{m}_0^2(t) - \tilde{P}_{m_0}(t+d-1) + \tilde{\mu}(t)} \psi(t), \\ \tilde{\rho}(t+1) &= \\ &= \left[ \tilde{\rho}(t) + \Gamma_\rho(t+1) \left( (\hat{\theta}^T(t)\varphi(t+d))^2 - Y^2(t) \right) \right]_+, \\ \tilde{\mu}(t+1) &= \\ &= \left[ \tilde{\mu}(t) + \Gamma_\mu(t+1) \left( (\tilde{u}^{AAC}(t))^2 - U^2(t) \right) \right]_+. \end{aligned} \right. \quad (15)$$

При  $\tilde{\mu}(t) = 0$  и  $\lambda(t) = \frac{\sigma_{\nu_p}^2}{\tilde{\rho}(t)}$  алгоритм (15) совпадает с алгоритмом (2), обеспечивая при  $\tilde{\rho}(t) = 0$  режим оценок, и при  $\tilde{\rho} \rightarrow \infty$  – режим стохастической эквивалентности.

Основным отличием данной процедуры является введение дополнительного контура адаптации коэффициента  $\tilde{\mu}(t)$ , обеспечивающего поддержание ограничений на управляющие воздействия во всех режимах работы регулятора. Следует отметить также, что алгоритмы (14) и (15) по сравнению с ранее рассматриваемыми процедурами используют больший объем информации ( $P_\varphi(t+d-1)$  вместо  $P_\varphi(t)$ ), что позволяет надеяться на некоторое повышение качества управления.

**Литература:** 1. Бодянский Е.В., Колодяжный В.В., Котляревский С.В. Многомерный самонастраивающийся ПИД-регулятор / АСУ и приборы автоматики. 1999. Вып. 109. С. 126-132. 2. Milito R., Padilla C.S., Cadorin D. An innovation approach to dual control // IEEE Trans. on Autom. Contr. 1982. 27. N1. P. 132-137. 3. Wittenmark B. Stochastic adaptive control methods: a survey // Int. J. Contr. 1975. 21. N5. P. 705-730. 4. Clarke D.W., Gawthrop P.J. Self-tuning controller // Proc. IEE. 1975. 122. №9. P. 929-934. 5. Chan S., Zarrop M. A Suboptimal dual controller for stochastic systems with unknown parameters // Int. J. Contr. 1985. 41. N2. P. 507-524. 6. Цыпкин Я.З. Основы информации теории идентификации. М.: Наука, 1984. 320с. 7. Yoodwin Y., Payne R. Dynamic system identification: Esepement design and data analysis. N.Y.:Academic Press, 1977.

Поступила в редколлегию 15.05.2000

**Рецензент:** д-р техн. наук, проф. Любчик Л. М.

**Адонин Олег Валерьевич**, инженер I категории ПНИЛ АСУ ХТУРЭ. Научные интересы: адаптивные системы управления. Адрес: Украина, 61124, Харьков, пр. Ленина, 14, тел. 40-98-90.

**Бодянский Евгений Владимирович**, д-р техн. наук, профессор кафедры искусственного интеллекта ХТУРЭ. Научные интересы: адаптивные системы, искусственные нейронные сети. Адрес: Украина, 61166, Харьков, пр. Ленина, 14, тел. 40-98-90.

E-mail: bodya@kture.kharkov.ua

**Котляревский Сергей Владимирович**, канд. техн. наук, доцент кафедры искусственного интеллекта ХТУРЭ. Научные интересы: адаптивные системы управления. Адрес: Украина, 61166, Харьков, пр. Ленина, 14, тел. 40-93-37.