

АНАЛИЗ И СРАВНИТЕЛЬНЫЕ ИССЛЕДОВАНИЯ НЕЛИНЕЙНЫХ УЗЛОВ ЗАМЕНЫ СОВРЕМЕННЫХ БЛОЧНЫХ СИММЕТРИЧНЫХ ШИФРОВ

А.А. КУЗНЕЦОВ, И.Н. БЕЛОЗЕРЦЕВ, А.В. АНДРУШКЕВИЧ

Рассматриваются современные блочные симметричные шифры и применяемые в них нелинейные узлы замены (S-блоки). Анализируются показатели и критерии эффективности S-блоков: нелинейность, сбалансированность, корреляционный иммунитет, критерий распространения, автокорреляция и др. Проводятся сравнительные исследования эффективности нелинейных узлов замены современных блочных шифров.

Ключевые слова: блочный симметричный шифр, нелинейный узел замен, криптографическая функция.

ВВЕДЕНИЕ

Интенсивное развитие современных компьютерных систем и технологий, применение облачных вычислений, мобильных устройств удаленного подключения к информационно-коммуникационным сетям приводят к значительному усложнению процедур защиты обрабатываемой и передаваемой информации. Необходимым условием выполнения основных услуг безопасности является применение криптографических средств защиты информации [1].

Блочные симметричные шифры (БСШ) являются одним из наиболее распространенных и эффективных криптографических примитивов [1–5]. Помимо обеспечения услуги конфиденциальности они применяются как основной конструктивный элемент других примитивов (функций хеширования, генераторов псевдослучайных последовательностей и пр.). Важность разработки, исследования и обоснования условий применения современных БСШ подтверждается количеством и масштабностью международных криптографических конкурсов, проведенных в последние годы. Так, например, международные проекты AES, NESSIE, CRYPTREC и пр. были ориентированы на разработку БСШ, удовлетворяющих высоким требованиям криптографической стойкости и эффективности программной и аппаратной реализации. Результатом проведения этих и многих других исследовательских проектов являются принятые в последние годы международные и национальные стандарты криптографического преобразования [2–5].

Разработка, исследование и обоснование условий применения современных БСШ является чрезвычайно сложной и трудоёмкой задачей [1]. Стандартизированный криптоалгоритм должен обеспечивать высокий уровень стойкости, обладать требуемым быстродействием и эффективно функционировать на различных вычислительных платформах [1, 6]. При этом требуемый уровень стойкости БСШ обеспечивается эффективностью составляющих: схемы разворачивания секретного ключа (ключевого расписания), выbranной базовой структуры алгоритма, линейных

и нелинейных преобразований, и пр. В данной работе акцентируется внимание на нелинейных узлах замен, критериях и показателях их эффективности. Приводятся результаты сравнительных исследований различных свойств S-блоков современных БСШ, стандартизированных на международном и национальном уровнях [2–5].

1. УЗЛЫ ЗАМЕН СОВРЕМЕННЫХ БСШ

Рассмотрим нелинейные узлы замен современных БСШ, проведем исследования свойств применяемых S-блоков по различным показателям и критериям эффективности [7–12].

БСШ «Калина» – национальный стандарт Украины ДСТУ 7624:2014 [5], разработанный ЧАО «ИИТ». Алгоритм поддерживает размер блока и длину ключа шифрования 128, 256 и 512 бит (длина ключа равна размеру блока или в два раза превышает его), обеспечивая нормальный, высокий и сверхвысокий уровень стойкости. Цикловое преобразование использует таблицы подстановки, приведенные на рис. 1–4 [5].

БСШ «Кузнечик» – алгоритм шифрования, стандартизированный в России как ГОСТ 34.12-2015 [3]. Длина входного блока – 128 бит, длина ключа – 256 бит. Процесс зашифрования основан на последовательном применении нескольких однотипных раундов, каждый из которых содержит сложение с раундовым ключом, нелинейное и линейное преобразование. Нелинейное преобразование использует фиксированный S-блок, представленный на рис. 5.

БСШ «BelT» – государственный стандарт симметричного шифрования и контроля целостности Республики Беларусь. Стандартизирован как СТБ 34.101.31-2011 [4] и введен в действие в 2011 году. Это блочный криптоалгоритм с 256-битным ключом и 8 циклами, оперирующий 128-битными словами. S-блок БСШ «BelT» приведен на рис. 6.

БСШ «AES» – криптоалгоритм, стандартизированный в США как FIPS-197. На международном уровне стандартизирован в ISO/IEC 18033-3 [2]. Обработывает 128-битные блоки данных, используя ключи шифрования длиной 128, 192 и 256 бит. В зависимости от длины ключа

выполняется 10, 12 или 14 раундов шифрования. Таблица подстановок БСШ «AES» приведена на рис. 7.

Table with 16 columns (0-f) and 16 rows (0-f) showing AES substitution table values.

Рис. 1

Table with 16 columns (0-f) and 16 rows (0-f) showing another AES substitution table.

Рис. 2

Table with 16 columns (0-f) and 16 rows (0-f) showing a third AES substitution table.

Рис. 3

Table with 16 columns (0-f) and 16 rows (0-f) showing a fourth AES substitution table.

Рис. 4

Table with 16 columns (0-f) and 16 rows (0-f) showing a fifth AES substitution table.

Рис. 5

Table with 16 columns (0-f) and 16 rows (0-f) showing a sixth AES substitution table.

Рис. 6

Table with 16 columns (0-f) and 16 rows (0-f) showing a seventh AES substitution table.

Рис. 7

БСШ «Camellia» – алгоритм шифрования с размером блока 128 бит и ключа 128, 192, 256 бит. Один из финалистов европейского конкурса NESSIE (наряду с AES и Shacal-2), разработка японских компаний Nippon Telegraph and Telephone Corporation и Mitsubishi Electric Corporation. Рекомендован CRYPTREC для промышленного и государственного использования. Стандартизирован на международном уровне в ISO/IEC 18033-3 [2]. Цикловая функция использует нелинейное преобразование, блок линейного рассеивания и байтовую перестановку. Четыре S-блока этого шифра приведены на рис. 8–11.

БСШ «CAST» – канадский криптоалгоритм, разработанный Карлайлом Адамсом (Carlisle Adams) и Стаффордом Таваресом (Stafford Tavares). Использует 64-битовый блок и 128-битовый ключ, 16 раундов преобразования. В ISO/IEC 18033-3 [2] стандартизирован алгоритм CAST-128, который использует восемь S-блоков, реализующих отображение 8-ми битных входных векторов в 32-х битные выходные. Четыре S-блока используются в раундовой функции

алгоритма, оставшиеся четыре используются в схеме разворачивания ключа. В данной работе исследованы все восемь таблиц подстановок. Их описание приведено в [2].

БСШ «SEED» – симметричный криптоалгоритм, разработанный корейским агентством информационной безопасности (Korean Information Security Agency, KISA) в 1998 году. Также стандартизирован на международном уровне в ISO/IEC 18033-3 [2]. Алгоритм широко используется финансовыми и банковскими структурами, производственными предприятиями и бюджетными учреждениями Южной Кореи, а также в протоколах TLS и S/MIME. Алгоритм представляет собой сеть Фейстеля с 16 раундами, 128-битовыми блоками и 128-битовым ключом. Использует две таблицы подстановки, полученные на основе дискретного возведения в степень (см. рис. 12, 13).

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	a	b	c	d	e	f
0	70	82	2c	ec	b3	27	c0	e5	e4	85	57	35	ea	0c	ae	41
1	23	ef	6b	93	45	19	a5	21	ed	0e	4f	4e	1d	65	92	bd
2	86	b8	af	8f	7c	eb	1f	ce	3e	30	dc	5f	5e	c5	0b	1a
3	a6	e1	39	ca	d5	47	5d	3d	d9	01	5a	d6	51	56	6c	4d
4	8b	0d	9a	66	fb	cc	b0	2d	74	12	2b	20	f0	b1	84	99
5	df	4c	cb	c2	34	7e	76	05	6d	b7	a9	31	d1	17	04	d7
6	14	58	3a	61	de	1b	11	1c	32	0f	9c	16	53	18	f2	22
7	fe	44	cf	b2	c3	b5	7a	91	24	08	e8	a8	60	fc	69	50
8	aa	d0	a0	7d	a1	89	62	97	54	5b	1e	95	e0	ff	64	d2
9	10	c4	00	48	a3	f7	75	db	8a	03	e6	da	09	3f	dd	94
a	87	5c	83	02	cd	4a	90	33	73	67	f6	f3	9d	7f	bf	e2
b	52	9b	d8	26	c8	37	c6	3b	81	96	6f	4b	13	be	63	2e
c	e9	79	a7	8c	9f	6e	bc	8e	29	f5	f9	b6	2f	fd	b4	59
d	78	98	06	6a	e7	46	71	ba	d4	25	ab	42	88	a2	8d	fa
e	72	07	b9	55	f8	ee	ac	0a	36	49	2a	68	3c	38	f1	a4
f	40	28	d3	7b	bb	c9	43	c1	15	e3	ad	f4	77	c7	80	9e

Рис. 8

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	a	b	c	d	e	f
0	e0	05	58	d9	67	4e	81	cb	c9	0b	ae	6a	d5	18	5d	82
1	46	df	d6	27	8a	32	4b	42	db	1c	9e	9c	3a	ca	25	7b
2	0d	71	5f	1f	f8	d7	3e	9d	7c	60	b9	be	bc	8b	16	34
3	4d	c3	72	95	ab	8e	ba	7a	b3	02	b4	ad	a2	ac	d8	9a
4	17	1a	35	cc	f7	99	61	5a	e8	24	56	40	e1	63	09	33
5	bf	98	97	85	68	fc	ec	0a	da	6f	53	62	a3	2e	08	af
6	28	b0	74	c2	bd	36	22	38	64	1e	39	2c	a6	30	e5	44
7	fd	88	9f	65	87	6b	f4	23	48	10	d1	51	c0	f9	d2	a0
8	55	a1	41	fa	43	13	c4	2f	a8	b6	3c	2b	c1	ff	c8	a5
9	20	89	00	90	47	ef	ea	b7	15	06	cd	b5	12	7e	bb	29
a	0f	b8	07	04	9b	94	21	66	e6	ce	ed	e7	3b	fe	7f	c5
b	a4	37	b1	4c	91	6e	8d	76	03	2d	de	96	26	7d	c6	5c
c	d3	f2	4f	19	3f	dc	79	1d	52	eb	f3	6d	5e	fb	69	b2
d	f0	31	0c	d4	cf	8c	e2	75	a9	4a	57	84	11	45	1b	f5
e	e4	0e	73	aa	f1	dd	59	14	6c	92	54	d0	78	70	e3	49
f	80	50	a7	f6	77	93	86	83	2a	c7	5b	e9	ee	8f	01	3d

Рис. 9

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	a	b	c	d	e	f
0	38	41	16	76	d9	93	60	f2	72	c2	ab	9a	75	06	57	a0
1	91	f7	b5	c9	a2	8c	d2	90	f6	07	a7	27	8e	b2	49	de
2	43	5c	d7	c7	3e	f5	8f	67	1f	18	6e	af	2f	e2	85	0d
3	53	f0	9c	65	ea	a3	ae	9e	ec	80	2d	6b	a8	2b	36	a6
4	c5	86	4d	33	fd	66	58	96	3a	09	95	10	78	d8	42	cc
5	ef	26	e5	61	1a	3f	3b	82	b6	db	d4	98	e8	8b	02	eb
6	0a	2c	1d	b0	6f	8d	88	0e	19	87	4e	0b	a9	0c	79	11
7	7f	22	e7	59	e1	da	3d	c8	12	04	74	54	30	7e	b4	28
8	55	68	50	be	d0	c4	31	cb	2a	ad	0f	ca	70	ff	32	69
9	08	62	00	24	d1	fb	ba	ed	45	81	73	6d	84	9f	ee	4a
a	c3	2e	c1	01	e6	25	48	99	b9	b3	7b	f9	ce	bf	df	71
b	29	cd	6c	13	64	9b	63	9d	c0	4b	b7	a5	89	5f	b1	17
c	f4	bc	d3	46	cf	37	5e	47	94	fa	fc	5b	97	fe	5a	ac
d	3c	4c	03	35	f3	23	b8	5d	6a	92	d5	21	44	51	c6	7d
e	39	83	dc	aa	7c	77	56	05	1b	a4	15	34	1e	1c	f8	52
f	20	14	e9	bd	dd	e4	a1	e0	8a	f1	d6	7a	bb	e3	40	4f

Рис. 10

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	a	b	c	d	e	f
0	70	2c	b3	c0	e4	57	ea	ae	23	6b	45	a5	ed	4f	1d	92
1	86	af	7c	1f	3e	dc	5e	0b	a6	39	d5	5d	d9	5a	51	6c
2	8b	9a	fb	b0	74	2b	f0	84	df	cb	34	76	6d	a9	d1	04
3	14	3a	de	11	32	9c	53	f2	fe	cf	c3	7a	24	e8	60	69
4	aa	a0	a1	62	54	1e	e0	64	10	00	a3	75	8a	e6	09	dd
5	87	83	cd	90	73	f6	9d	bf	52	d8	c8	c6	81	6f	13	63
6	e9	a7	9f	bc	29	f9	2f	b4	78	06	e7	71	d4	ab	88	8d
7	72	b9	f8	ac	36	2a	3c	f1	40	d3	bb	43	15	ad	77	80
8	82	ec	27	e5	85	35	0c	41	ef	93	19	21	0e	4e	65	bd
9	b8	8f	eb	ce	30	5f	c5	1a	e1	ca	47	3d	01	d6	56	4d
a	0d	66	cc	2d	12	20	b1	99	4c	c2	7e	05	b7	31	17	d7
b	58	61	1b	1c	0f	16	18	22	44	b2	b5	91	08	a8	fc	50
c	d0	7d	89	97	5b	95	ff	d2	c4	48	f7	db	03	da	3f	94
d	5c	02	4a	33	67	f3	7f	e2	9b	26	37	3b	96	4b	be	2e
e	79	8c	6e	8e	f5	b6	fd	59	98	6a	46	ba	25	42	a2	fa
f	07	55	ee	0a	49	68	38	a4	28	7b	c9	c1	e3	f4	c7	9e

Рис. 11

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	a	b	c	d	e	f
0	a9	85	d6	d3	54	1d	ac	25	5d	43	18	1e	51	fc	ca	63
1	28	44	20	9d	e0	e2	c8	17	a5	8f	03	7b	bb	13	d2	ee
2	70	8c	3f	a8	32	dd	f6	74	ec	95	0b	57	5c	5b	bd	01
3	24	1c	73	98	10	cc	f2	d9	2c	e7	72	83	9b	d1	86	c9
4	60	50	a3	eb	0d	b6	9e	4f	b7	5a	c6	78	a6	12	af	4f
5	61	c3	b4	41	52	7d	8d	08	1f	99	00	19	04	53	f7	e1
6	fd	76	2f	27	60	8b	0e	ab	a2	6e	93	4d	69	7c	09	0a
7	bf	ef	f3	c5	87	14	fe	64	de	2e	4b	1a	06	21	6b	66
8	02	f5	92	8a	0c	b3	7e	d0	7a	47	96	e5	26	80	ad	df
9	a1	30	37	ae	36	15	22	38	f4	a7	45	4c	81	e9	84	97
a	35	c6	ce	3c	71	11	c7	89	75	fb	da	f8	94	59	82	c4
b	ff	49	39	67	c0	cf	d7	b8	0f	8e	42	23	91	6c	db	a4
c	34	f1	48	c2	6f	3d	2d	40	be	3e	bc	c1	aa	ba	4e	55
d	3b	dc	68	7f	9c	d8	4a	56	77	a0	ed	46	b5	2b	65	fa
e	e3	b9	b1	9f	5e	f9	e6	b2	31	ea	6d	5f	e4	f0	cd	88
f	16	3a	58	d4	62	29	07	33	e8	1b	05	79	90	6a	2a	9a

Рис. 12

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	a	b	c	d	e	f	
0	38	e8	2d	a6	cf	de	b3	b8	af	60	55	c7	44	6f	6b	5b
1	c3	62	33	b5	29	a0	e2	a7	d3	91	11	06	1c	bc	36	4b
2	ef	88	6c	a8	17	c4	16	f4	c2	45	e1	d6	3f	3d	8e	98
3	28	4e	f6	3e	a5	f9	0d	df	d8	2b	66	7a	27	2f	f1	72
4	42	d4	41	c0	73	67	ac	8b	f7	ad	80	1f	ca	2c	aa	34
5	d2	0b	ee	e9	5d	94	18	f8	57	ae	08	c5	13	cd	86	b9
6	ff	7d	c1	31	f5	8a	6a	b1	d1	20	d7	02	22	04	68	71
7	07	db	9d	99	61	be	e6	59	dd	51	90	dc	9a	a3	ab	d0
8	81	0f	47	1a	e3	ec	8d	bf	96	7b	5c	a2	a1	63	23	4d
9	c8	9e	9c	3a	0c	2e	ba	6e	9f	5a	f2	92	f3	49	78	cc
a	15	fb	70	75	7f	35	10	03	64	6d	c6	74	d5	b4	ea	09
b	76	19	fe	40	12	e0	bd	05	fa	01	f0	2a	5e	a9	56	43
c	85	14	89	9b	b0	e5	48	79	97	fc	1e	82	21	8c	1b	5f
d	77	54	b2	1d	25	4f	00	46	ed	58	52	eb	7e	da	c9	fd
e	30	95	65	3c	b6	e4	bb	7c	0e	50	39	26	32	84	69	93
f	37	e7	24	a4	c6	53	0a	87	d9	4c	83	8f	ce	3b	4a	b7

Рис. 13

2. КРИТЕРИИ И ПОКАЗАТЕЛИ ЭФФЕКТИВНОСТИ НЕЛИНЕЙНЫХ УЗЛОВ ЗАМЕН

Рассмотрим критерии и показатели эффективности нелинейных узлов замен, непосредственно влияющие на уровень стойкости современных БСШ к различным криптоаналитическим атакам.

Под эффективностью функционирования любой технической системы понимают соответствие полученных результатов функционирования требуемому. Очевидно, что основным требованием к нелинейным узлам является обеспечение стойкости к известным методам криптографического анализа. Другими словами, нелинейный узел будем считать эффективным, если он обеспечивает стойкость к известным на сегодняшний день методам криптографического анализа.

В большинстве известных работ в области анализа и синтеза нелинейных узлов замен современных БСШ используется математический аппарат криптографических булевых функций [7–12]. При этом каждый S-блок представляется совокупностью компонентных булевых функций, свойства которых характеризуют эффективность нелинейного узла замен. В качестве основных критериев и показателей эффективности используют [7–12]: сбалансированность и нелинейность компонентных булевых функций; корреляционный иммунитет; критерий распространения; алгебраическая степень; значение функции автокорреляции.

Введем основные понятия и определения, используемые в дальнейшем при оценке эффективности нелинейных узлов замен [7–12].

Булевой функцией f от n переменных является функция, осуществляющая отображение из поля $GF(2^n)$ всех двоичных векторов $x = (x_1, \dots, x_n)$ длины n в поле $GF(2)$. Обычно булевы функции представляются в алгебраической нормаль-

ной форме. Поле $GF(2^n)$ состоит из 2^n векторов α_i : $\alpha_0 = (0, \dots, 0, 0)$, $\alpha_1 = (0, \dots, 0, 1), \dots, \alpha_{2^n-1} = (1, \dots, 1, 1)$, $\alpha_i \in V_n$, где V_n – векторное пространство в $GF(2^n)$.

Последовательностью функции f называется $(1, -1)$ -последовательность, определенная как $((-1)^{f(\alpha_0)}, (-1)^{f(\alpha_1)}, \dots, (-1)^{f(\alpha_{2^n-1})})$. Таблицей истинности функции f называется $(0, 1)$ -последовательность, определенная как $(f(\alpha_0), f(\alpha_1), \dots, f(\alpha_{2^n-1}))$.

Последовательность функции f является сбалансированной, если ее $(0, 1)$ -последовательность $((1, -1)$ -последовательность) содержит одинаковое количество нулей и единиц (единиц и минус единиц). Функция f является сбалансированной, если сбалансирована ее последовательность.

Эквивалентное определение: функция f над $GF(2^n)$ является сбалансированной, если ее выходные значения являются равновероятными:

$$|\{x | f(x) = 0\}| = |\{x | f(x) = 1\}| = 2^{n-1}$$

Аффинной функцией f называется функция

вида $f = a_1x_1 \oplus \dots \oplus a_nx_n \oplus c$, где $a_j, c \in GF(2)$, $j = 1, 2, \dots, n$. Функция f называется линейной, если $c = 0$.

Весом Хэмминга вектора α , обозначаемым как $W(\alpha)$, является количество единиц в векторе (последовательности). Расстоянием Хэмминга $d(f, g)$ между последовательностями двух функций f и g является количество позиций, в которых различны последовательности этих функций.

Нелинейность N_S преобразования – минимальное расстояние Хэмминга между выходной последовательностью S и всеми выходными последовательностями аффинных функций над некоторым полем:

$$N_S = \min\{d(S, \varphi)\},$$

где φ – множество аффинных функций.

Нелинейность функции N_f – минимальное расстояние Хэмминга N_f между функцией f и всеми аффинными функциями над $GF(2^n)$:

$$N_f = \min\{d(f, \varphi)\},$$

где φ – множество аффинных функций.

Для произвольной функции f нелинейность N_f над $GF(2^n)$ может достигать $N_f \leq 2^{n-1} - 2^{n/2-1}$. Для сбалансированной функции f над $GF(2^n)$ ($n \geq 3$) нелинейность N_f может достигать:

$$N_f \leq \begin{cases} 2^{n-1} - 2^{\frac{n}{2}-1} - 2, & n = 2k \\ \left\lfloor \left\lfloor 2^{n-1} - 2^{\frac{n}{2}-1} \right\rfloor \right\rfloor, & n = 2k = 1, \end{cases}$$

где $\lfloor \lfloor x \rfloor \rfloor$ – максимальное четное целое, меньшее либо равное x .

Функция f обладает корреляционным иммунитетом порядка k , если выходная последовательность функции $y \in Y$ статистически не зависит от любого подмножества из k входных координат:

$$\forall \{x_1, \dots, x_k\} P(y \in Y | \{x_1, \dots, x_k\} \in X) = P(y \in Y).$$

Эквивалентное определение корреляционного иммунитета в терминах преобразования Уолша: функция f над полем $GF(2^n)$ имеет корреляционный иммунитет порядка k , $KI(k)$, если ее преобразование Уолша удовлетворяет равенству $F(\omega) = 0$ для всех $\omega \in V_n$ таких, что $1 \leq W(\omega) \leq k$:

$$\forall \omega \in V_n F(\omega) = 0 \quad (f) = k.$$

Преобразование Уолша $F(\omega)$ функции f над полем $GF(2^n)$ определяется как принимающая действительные значения функция

$$F(\omega) = 2^{-n} \sum_x (-1)^{f(x) \oplus \langle \omega, x \rangle},$$

где $\omega \in V_n$, $f(x)$, $\langle \omega, x \rangle \in N$ ($\langle \omega, x \rangle$ – скалярное произведение $w_1 x_1 \oplus \dots \oplus w_n x_n$).

Корреляционно-иммунная функция k -го порядка – функция, обладающая корреляционным иммунитетом порядка k . Сбалансированные корреляционно-иммунные функции называются *эластичными функциями*.

Функция f над полем $GF(2^n)$ удовлетворяет:

– *критерию распространения* относительно вектора a , $KP(a)$, если функция $f(x) \oplus f(x \oplus a)$ является сбалансированной, $x \in V_n$, где $x = (x_1, x_2, \dots, x_n)$

$$P(f(x) = f(x \oplus a)) = \frac{1}{2};$$

– *критерию распространения степени* k , $KP(k)$, если удовлетворяется критерий распространения относительно всех векторов $a \in V_n$ при $1 \leq W(a) \leq k$:

$$P(f(x) = f(x \oplus a)) = \frac{1}{2} \quad \forall a: 1 \leq W(a) \leq k;$$

– *строгому лавинному критерию* (СЛК), если f удовлетворяет критерию распространения степени 1:

$$P(f(x) = f(x \oplus a)) = \frac{1}{2} \quad \forall a: W(a) = 1.$$

Алгебраическая степень $deg(f)$ является степенью самого длинного слагаемого функции, представленной в алгебраической нормальной форме.

Автокорреляционная функция $\hat{r}(s)$ для $s \in 0 \dots 2^n - 1$ определена как

$$\hat{r}(s) = \sum_{x=0}^{2^n-1} \hat{f}(x) \hat{f}(x \oplus s).$$

Говорят, что функция f удовлетворяет *характеристике распространения* m , если

$$(1 \leq |s| \leq m) \Rightarrow |\hat{r}(s)| = 0.$$

Аналогично, автокорреляция $AC(f)$ функции f определяется как модуль наибольшего значения $\hat{r}(s)$:

$$AC(f) = \max_{s \neq 0} \left| \sum_x \hat{f}(x) \hat{f}(x \oplus s) \right| = \max_{s \neq 0} |\hat{r}(s)|.$$

Автокорреляция обеспечивает утечку информационного потока со входа на выход функции. В некоторых случаях очень сильная взаимосвязь может быть представлена как линейная

структура (для которых справедливы равенства $f(x) \oplus f(x \oplus s) = 1$ или $f(x) \oplus f(x \oplus s) = 0$). Они, как правило, избегаемы.

Рассмотренные критерии и показатели эффективности S-блоков отражают способность нелинейного узла противостоять атакам определенного типа. Нелинейность, критерий пространства и корреляционная иммунность характеризуют способность противостоять корреляционным атакам, алгебраическая степень и автокорреляция – аналитическим атакам, сбалансированность – статистическим.

Проведем исследования эффективности нелинейных узлов замен современных БСШ «Калина», «Кузнечик», «BeIT», «AES», «SEED», «Camellia», «CAST».

3. РЕЗУЛЬТАТЫ ИССЛЕДОВАНИЙ

Для проведения экспериментальных исследований эффективности различных S-блоков в среде IntelliJ IDEA 15 Community edition на языке Java был разработан программный вычислительный комплекс. Он позволяет рассчитать основные показатели эффективности нелинейных узлов замены: сбалансированность, нелинейность, автокорреляцию, алгебраическую степень, степень критерия распространения и корреляционного иммунитета криптографических булевых функций. Показатели эффективности S-блока оцениваются по критерию минимального риска (худший случай) по всем компонентным булевым функциям и их линейным комбинациям. Результаты экспериментальных исследований сведены в табл. 1–5. Используются следующие обозначения: В – сбалансированность; N – нелинейность; А – автокорреляция; AD – алгебраическая степень; PC – критерий распространения; CI – корреляционная иммунность; f_n – функция, соответствующая n -му выходу S-блока; S-box – показатели эффективности S-блока по критерию минимального риска (худший случай среди всех компонентных булевых функций); Linear combinations (LC) – показатели эффективности S-блока по критерию минимального риска (худший случай среди всех линейных комбинаций булевых функций).

Полученные результаты показали разнообразие мнений разработчиков исследуемых шифров относительно концепций формирования S-блоков. Так, например, БСШ «CAST-128» имеет превосходные результаты по показателям нелинейности, автокорреляции и критерию распространения, однако имеет низкую алгебраическую степень, а также низкие показатели стойкости для линейных комбинаций булевых функций S-блока. Разработчики БСШ «SEED» также сделали упор на увеличение эффективности таблицы подстановки за счет снижения автокорреляции. Однако их S-блок имеет меньшее значение нелинейности, а также является несбалансированным.

Таблица 1

Показатели эффективности подстановок шифра «Калина»

	S ₁ -блок						S ₂ -блок						S ₃ -блок						S ₄ -блок					
	B	N	A	AD	PC	CI	B	N	A	AD	PC	CI	B	N	A	AD	PC	CI	B	N	A	AD	PC	CI
f ₁	+	106	48	7	0	0	+	106	48	7	0	0	+	106	56	7	0	0	+	108	56	7	0	0
f ₂	+	106	64	7	0	0	+	106	64	7	0	0	+	104	64	7	0	0	+	104	56	7	0	0
f ₃	+	106	56	7	0	0	+	106	56	7	0	0	+	106	56	7	0	0	+	108	64	7	0	0
f ₄	+	104	72	7	0	0	+	104	72	7	0	0	+	106	56	7	0	0	+	108	48	7	0	0
f ₅	+	104	56	7	0	0	+	104	56	7	0	0	+	108	48	7	0	0	+	104	64	7	0	0
f ₆	+	106	56	7	0	0	+	106	56	7	0	0	+	104	56	7	0	0	+	108	56	7	0	0
f ₇	+	106	64	7	0	0	+	106	64	7	0	0	+	106	56	7	0	0	+	104	64	7	0	0
f ₈	+	106	64	7	0	0	+	106	64	7	0	0	+	104	56	7	0	0	+	108	48	7	0	0
S-box	+	104	72	7	0	0	+	104	72	7	0	0	+	104	64	7	0	0	+	104	64	7	0	0
LC	+	104	72	7	0	0	+	104	72	7	0	0	+	104	72	7	0	0	+	104	72	7	0	0

Таблица 2

Показатели эффективности подстановок шифров «Кузнечик», «BelT», «AES», «Camellia»

	S-блок «Кузнечик»						S-блок «BelT»						S-блок «AES»						S-блок «Camellia»					
	B	N	A	AD	PC	CI	B	N	A	AD	PC	CI	B	N	A	AD	PC	CI	B	N	A	AD	PC	CI
f1	+	104	64	7	0	0	+	106	56	7	0	0	+	112	32	7	0	0	+	112	32	7	0	0
f2	+	106	56	7	0	0	+	106	72	7	0	0	+	112	32	7	0	0	+	112	32	7	0	0
f3	+	116	24	7	0	0	+	106	56	7	0	0	+	112	32	7	0	0	+	112	32	7	0	0
f4	+	104	64	7	0	0	+	104	72	7	0	0	+	112	32	7	0	0	+	112	32	7	0	0
f5	+	110	48	7	0	0	+	108	56	7	0	0	+	112	32	7	0	0	+	112	32	7	0	0
f6	+	106	64	7	0	0	+	106	72	7	0	0	+	112	32	7	0	0	+	112	32	7	0	0
f7	+	102	72	7	0	0	+	108	56	7	0	0	+	112	32	7	0	0	+	112	32	7	0	0
f8	+	104	64	7	0	0	+	108	64	7	0	0	+	112	32	7	0	0	+	112	32	7	0	0
S-box	+	102	72	7	0	0	+	104	72	7	0	0	+	112	32	7	0	0	+	112	32	7	0	0
LC	+	102	80	7	0	0	+	102	72	7	0	0	+	112	32	7	0	0	+	112	32	7	0	0

Таблица 3

Показатели эффективности подстановок шифра «SEED»

S ₁ -блок	B	N	A	AD	PC	CI	S ₂ -блок	B	N	A	AD	PC	CI
f ₁	+	110	40	7	0	0	f ₁	+	112	32	7	0	0
f ₂	-	111	36	8	0	0	f ₂	+	112	32	7	0	0
f ₃	+	112	32	7	0	0	f ₃	+	112	32	7	0	0
f ₄	+	112	40	7	0	0	f ₄	+	112	32	7	0	0
f ₅	+	110	40	7	0	0	f ₅	+	111	36	8	0	0
f ₆	-	111	36	8	0	0	f ₆	-	113	36	8	0	0
f ₇	-	111	36	8	0	0	f ₇	+	112	32	7	0	0
f ₈	+	111	36	8	0	0	f ₈	+	111	36	8	0	0
S-box	-	110	40	7	0	0	S-box	-	111	36	7	0	0
LC	-	109	44	7	0	0	LC	+	111	36	7	0	0

Таблица 4

Показатели эффективности подстановок шифра «CAST-128»

	S ₁ -блок						S ₂ -блок						S ₃ -блок						S ₄ -блок					
	B	N	A	AD	PC	CI	B	N	A	AD	PC	CI	B	N	A	AD	PC	CI	B	N	A	AD	PC	CI
f1	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0
f2	+	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0
f3	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0
f4	+	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0
f5	+	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0
f6	+	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0
f7	-	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0
f8	+	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0
f9	+	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0
f10	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0
f11	+	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0
f12	-	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0
f13	+	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0
f14	+	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0
f15	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0
f16	-	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0
f17	+	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0
f18	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0
f19	+	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0
f20	+	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0

f21	+	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0
f22	-	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0
f23	+	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0
f24	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0
f25	-	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0
f26	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0
f27	+	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0
f28	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0
f29	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0
f30	-	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0
f31	+	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0
f32	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0
S-box	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0
LC	-	88	112	4	0	0	+	92	96	4	0	0	-	92	96	4	0	0	+	92	112	4	0	0

Таблица 5

Показатели эффективности подстановок шифра «CAST-128»

	S ₅ -блок						S ₆ -блок						S ₇ -блок						S ₈ -блок					
	B	N	A	AD	PC	CI	B	N	A	AD	PC	CI	B	N	A	AD	PC	CI	B	N	A	AD	PC	CI
f1	+	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0
f2	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0
f3	+	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0
f4	+	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0
f5	+	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0
f6	-	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0
f7	+	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0
f8	+	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0
f9	-	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0
f10	-	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0
f11	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0
f12	+	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0
f13	+	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0
f14	-	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0
f15	-	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0
f16	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0
f17	+	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0
f18	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0
f19	-	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0
f20	-	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0
f21	+	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0
f22	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0
f23	+	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0
f24	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0
f25	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0
f26	-	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0
f27	+	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0
f28	+	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0
f29	+	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0
f30	+	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0
f31	-	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0
f32	+	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0	+	120	0	4	8	0
S-box	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0	-	120	0	4	8	0
LC	+	92	144	4	0	0	+	80	112	4	0	0	+	92	96	4	0	0	+	92	128	4	0	0

Таблица подстановки БСШ «AES» имеет высокую алгебраическую степень, хорошие показатели по нелинейности и автокорреляции, однако имеет нулевой критерий распространения. Кроме того, S-блок БСШ «AES» сформирован на основе алгебраической конструкции Нибера-Динга, что создает предпосылки для возможной реализации алгебраического криптоанализа. БСШ «Camellia» показал одинаковые с «AES» результаты. Остальные проанализированные

S-блоки не являются алгебраическими, но при этом теряют в нелинейности и автокорреляции.

Таблицы подстановки шифров, утвержденных в качестве государственных стандартов Украины, Российской Федерации и Белоруссии представляют собой наиболее сбалансированное, компромиссное решение. Среди них лучшими показателями обладает S-блок украинского шифра «Калина», вслед за ним идет белорусский «BeT» и российский «Кузнечик».

ВЫВОДЫ

Полученные результаты позволяют судить об основных концепциях формирования нелинейных узлов замен современных БСШ. Как правило, нелинейные узлы разрабатываются с учетом наиболее вероятных угроз и особое внимание уделяется специфическим показателям эффективности. Перспективные шифры должны противостоять всем наиболее распространенным существующим атакам.

Выбранные показатели эффективности нелинейных узлов замен характеризуют первоочередные требования к обеспечению их стойкости. Полученные результаты не позволяют однозначно определить лучший S-блок, из-за различных концептуальных особенностей в проектировании каждого из них. Однако среди шифров, которые стандартизированы в постсоветских странах, лучшим по показателям эффективности нелинейных узлов замен следует отметить S-блок шифра «Калина». Также стоит обратить внимание на канадский шифр CAST-128, булевы функции в S-блоке которого удовлетворяют критерию распространения степени 8 и обладают нулевой автокорреляцией.

Перспективным направлением дальнейших исследований является анализ свойств нелинейных узлов усложнения поточных криптоалгоритмов, обоснование рекомендаций и предложений по разработке национального стандарта поточного шифрования Украины.

Литература

- [1] Горбенко І.Д., Горбенко Ю.І. Прикладна криптологія. Теорія. Практика. Застосування: Підручник для вищих навч. закладів. – Харків: Вид-во «Форт», 2013. – 880 с.
- [2] Information technology – Security techniques – Encryption algorithms, Part 3: Block ciphers (ISO/IEC 18033-3), 80 с.
- [3] ГОСТ Р 34.12-2015. Информационная технология. Криптографическая защита информации. Блочные шифры. – М.: Стандартинформ, 2015г. – 25 с.
- [4] СТБ 34.101.31-2011 Информационные технологии и безопасность. Защита информации. Криптографические алгоритмы шифрования и контроля целостности. – Минск: Госстандарт, 2011г. – 35 с.
- [5] Інформаційні технології. Криптографічний захист інформації. Алгоритм симетричного блокового перетворення: ДСТУ 7624:2014. – К.: Мінекономрозвитку України, 2015. – 238 с.
- [6] Розробка нового блокового симетричного шифру: звіт за перший етап НДР «Алгоритм» (проміжний) / АТ «ІПТ»; кер. І.Д. Горбенко – Харків, 2014, Том 4. – 304 с.
- [7] Bart Preneel. Analysis and Design of Cryptographic Hash Functions. [Электронный ресурс] – Режим доступа: homes.esat.kuleuven.be/~preneel/phd_preneel_feb1993.pdf
- [8] Carlet C. Vectorial Boolean functions for // Cambridge Univ. Press, Cambridge. – 95 p. [Электронный ресурс] – Режим доступа: www.math.univ-paris13.fr/~carlet/chap-vectorial-fcts-corr.pdf

[9] Carlet C. Boolean functions for cryptography and error correcting codes // Cambridge Univ. Press, Cambridge. – 2007. – 148 p. [Электронный ресурс] – Режим доступа: www1.spms.ntu.edu.sg/~kkhoongm/chap-fcts-Bool.pdf

[10] Zhuo Zepeng, Zhang Weiguo On correlation properties of Boolean functions // Chinese Journal of Electronics. Jan, Vol.20, 2011, №1, 143-146 pp.

[11] O'Connor L. An analysis of a class of algorithms for S-box construction // J. Cryptology. -1994. – p. 133-151.

[12] Clark J.A., Jacob J.L., Stepney S. The Design of S-Boxes by Simulated Annealing // New Generation Computing. – 2005. – 23(3). – p.219–231.

Поступила в редколлегию 13.11.2015

Кузнецов Александр Александрович, фото и сведения об авторе см. на с. 334.



Белозерцев Иван Никитович, студент факультета компьютерных наук ХНУ им. В.Н.Каразина. Научные интересы: криптография, блочные симметричные шифры, теория обработки и передачи данных.



Андрушкевич Алина Вадимовна, аспирантка ХНУРЭ, инженер 1 кат. кафедры БИТ ХНУРЭ. Научные интересы: анализ стойкости симметричных шифров, криптография и аутентификация.

УДК 004.056.55

Аналіз та порівняльні дослідження нелінійних вузлів заміни сучасних блокових симетричних шифрів / О.О. Кузнецов, І.М. Білозерцев, А.В. Андрушкевич // Прикладна радіоелектроніка: наук.-техн. журнал. – 2015. – Том 14. – № 4. – С. 343–350.

Розглядаються сучасні блокові симетричні шифри і застосовані в них нелінійні вузли заміни (S-блоки). Аналізуються показники та критерії ефективності S-блоків: нелінійність, збалансованість, кореляційний імунітет, критерій розповсюдження, автокореляція та ін. Проводяться порівняльні дослідження ефективності нелінійних вузлів заміни сучасних блокових шифрів.

Ключові слова: блоковий симетричний шифр, нелінійний вузол заміни, криптографічна функція.

Табл.: 5. Лл.: 14. Бібліогр.: 12 найм.

UDC 004.056.55

Analysis and comparative research of nonlinear substitution components of the state-of-the-art block ciphers / A.A. Kuznetsov, I.M. Bilozertsev, A.V. Andrushkevych // Applied Radio Electronics: Sci. Journ. – 2015. – Vol. 14. – № 4. – P. 343–350.

The paper examines state-of-the-art block ciphers and nonlinear substitution components (S-blocks) which are used in them. Properties and criteria of S-block effectiveness such as nonlinearity, balance, correlation immunity, propagation criteria, autocorrelation etc. are analyzed. A comparative research of the effectiveness of nonlinear substitution components of state-of-the-art block ciphers is conducted.

Keywords: symmetric block cipher, nonlinear substitution component, cryptographic function.

Tab.: 5. Fig.: 14. Ref.: 12 items.